

## Contrôle 1 de Physique

*Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés.*

**Réponses exclusivement sur le sujet**

On rappelle que, sauf si mentionné explicitement dans le sujet, la notation  $E_A(M)$  correspond à la norme du champ  $\vec{E}_A(M)$ . Par contre, les angles utilisés sont des angles **orientés**.

On utilisera par la suite la constante  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ .

**OCM** (4 points-pas de points négatifs) **Entourer la bonne réponse.**

1- Le champ électrique, créé par une charge ponctuelle  $q$  placée au point O, en un point M s'écrit comme :

a)  $\vec{E}(M) = k \frac{q}{OM^2} \overrightarrow{OM}$       b)  $\vec{E}(M) = k \frac{q}{OM^3} \overrightarrow{OM}$       c)  $\vec{E}(M) = k \frac{q}{OM} \overrightarrow{OM}$

2- On s'intéresse à la force électrostatique  $\vec{F}_{1 \rightarrow 2}$  qu'une charge  $q_1$  située en A exerce sur une charge  $q_2$  située en B. La norme de cette force est donnée par :

a)  $F_{1 \rightarrow 2} = k \frac{q_1 q_2}{AB}$       b)  $F_{1 \rightarrow 2} = k \frac{|q_1| |q_2|}{AB}$       c)  $F_{1 \rightarrow 2} = k \frac{|q_1| |q_2|}{AB^2}$

3- La force électrostatique est une force :

a) Toujours attractive      b) Toujours répulsive      c) Toujours conservative

4- Quelle propriété vérifie le champ électrostatique  $\vec{E}$  associé au potentiel  $V$  ?

a)  $\vec{E} = -\overrightarrow{grad}(V)$       b)  $\vec{E} = \overrightarrow{grad}(V)$       c)  $V = \overrightarrow{grad}(\vec{E})$

5- On considère une distribution surfacique de charge  $\sigma$ . Un élément infinitésimal de surface  $dS$  situé dans un voisinage de P crée en un point M, où se trouve une charge  $q$ , une force élémentaire  $\overrightarrow{dF}$  d'expression :

a)  $\overrightarrow{dF} = kq \frac{\sigma dS}{PM} \overrightarrow{PM}$       b)  $\overrightarrow{dF} = kq \frac{\sigma dS}{PM^3} \overrightarrow{PM}$       c)  $\overrightarrow{dF} = kq \frac{\sigma dS}{PM^2} \overrightarrow{PM}$

6- On considère une distribution surfacique de charge  $\sigma$  positive répartie de façon uniforme sur un cylindre d'axe (Oz), de rayon  $R$  et de hauteur  $h$ . Quel élément infinitésimal de surface  $dS$  n'est pas pertinent dans cette géométrie ?

a)  $dS = r dr d\theta$       b)  $dS = dx dy$       c)  $dS = r d\theta dz$

7- On regarde le cas limite d'un cylindre infini d'axe (Oz) (de vecteur unitaire  $\vec{u}_z$ ) et chargé positivement en surface et uniformément. On s'intéresse au champ électrique  $\vec{E}(M)$ , où  $M$  est situé sur l'axe (Oz). Que peut-on dire ?

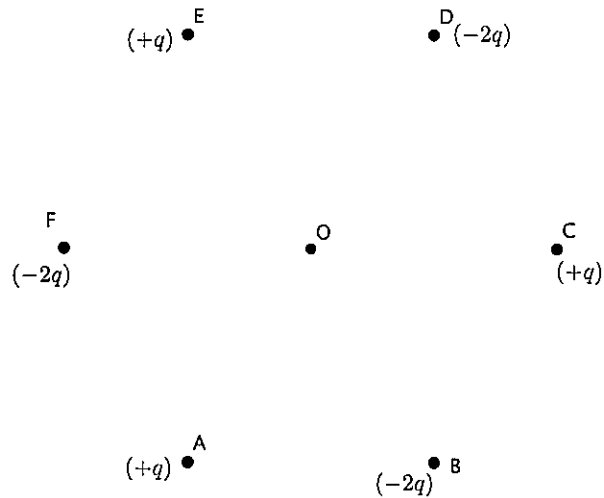
a)  $\vec{E}(M) = \vec{0}$       b)  $\vec{E}(M) \cdot \vec{u}_z > 0$       c)  $\vec{E}(M)$  est divergent.

8- De nouveau avec le cylindre fini de la question 6, en un point  $M$  extérieur au cylindre les composantes cylindriques ( $E_\rho, E_\theta, E_z$ ) du champ électrostatique vérifie :

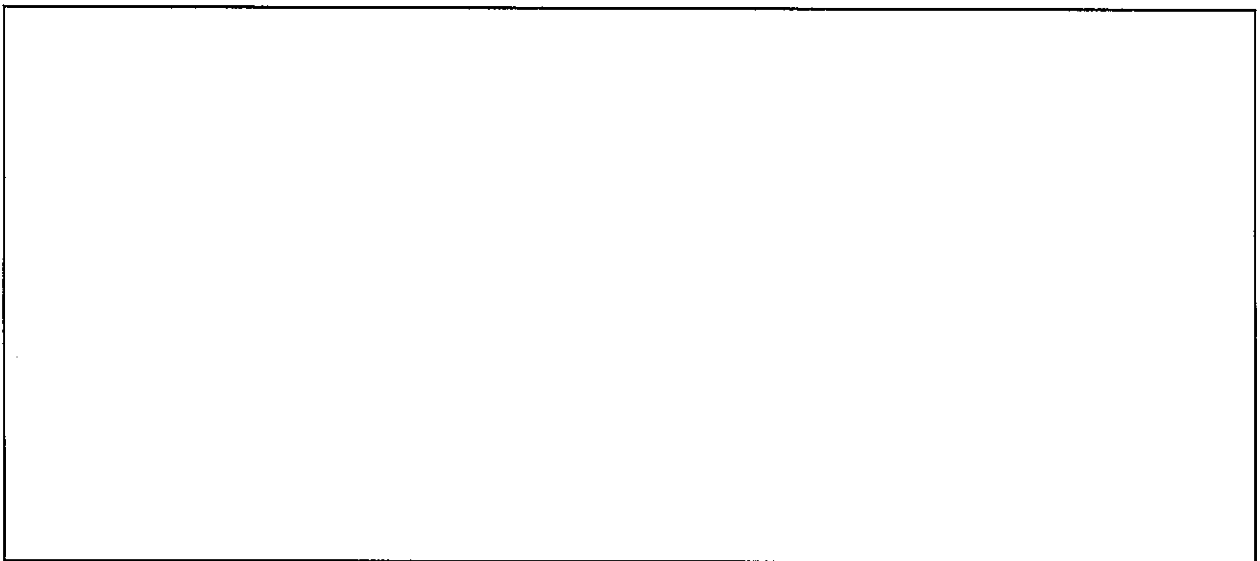
a)  $E_\rho = 0$       b)  $E_\theta = 0$       c)  $E_z = 0$

Exercice 1

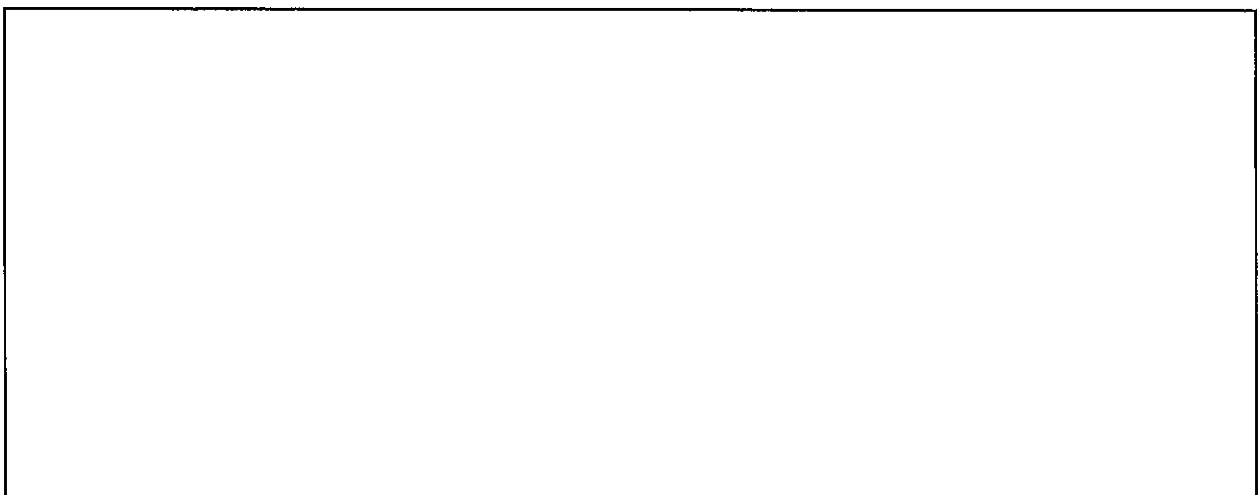
On étudie la distribution de charges suivantes ( $q > 0$ ), formant un hexagone régulier de côté  $a$  et de centre  $O$ .

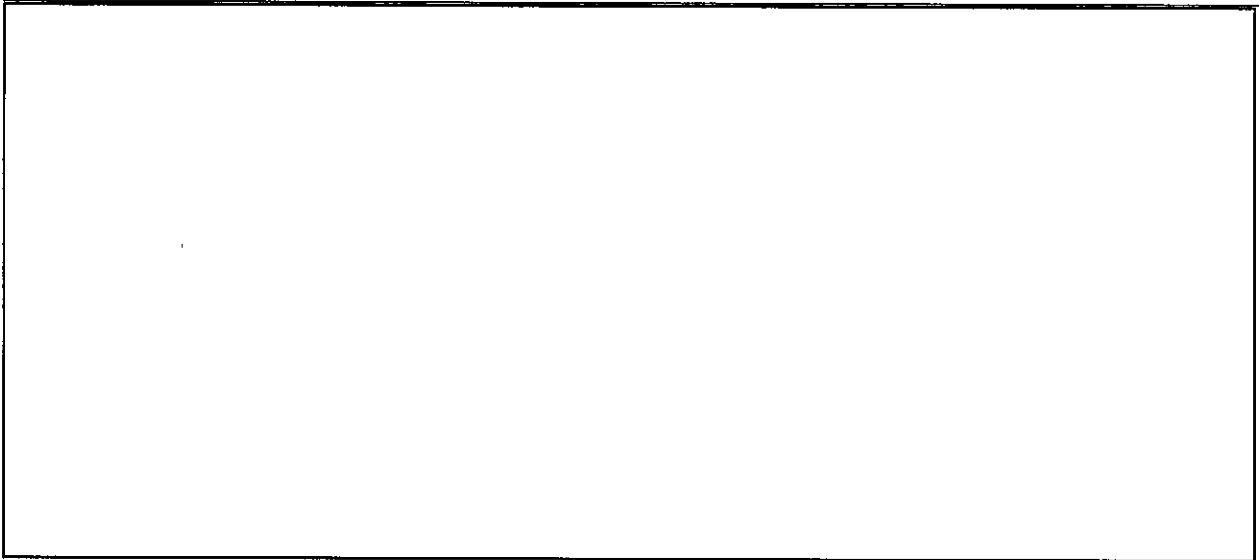


1- a) Exprimer les champs électrostatiques  $\vec{E}_A(O)$ ,  $\vec{E}_C(O)$ ,  $\vec{E}_E(O)$  créés en  $O$  par les charges respectivement en A, C et E. Les représenter sur la figure ci-dessus.

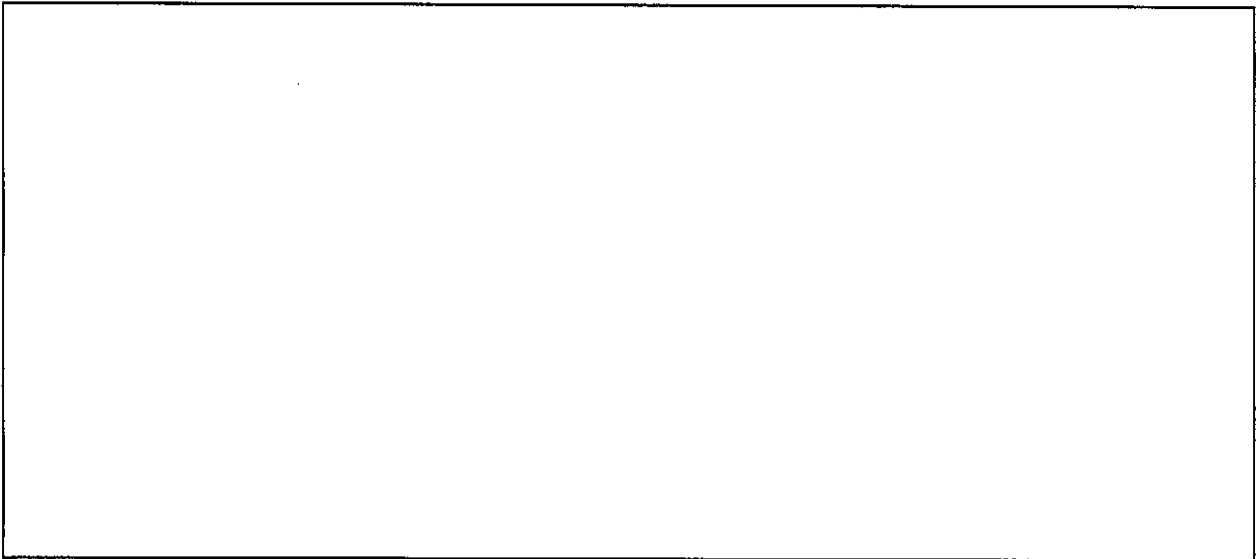


b) Calculer la norme du champ électrostatique total généré par ces trois charges au point  $O$ .

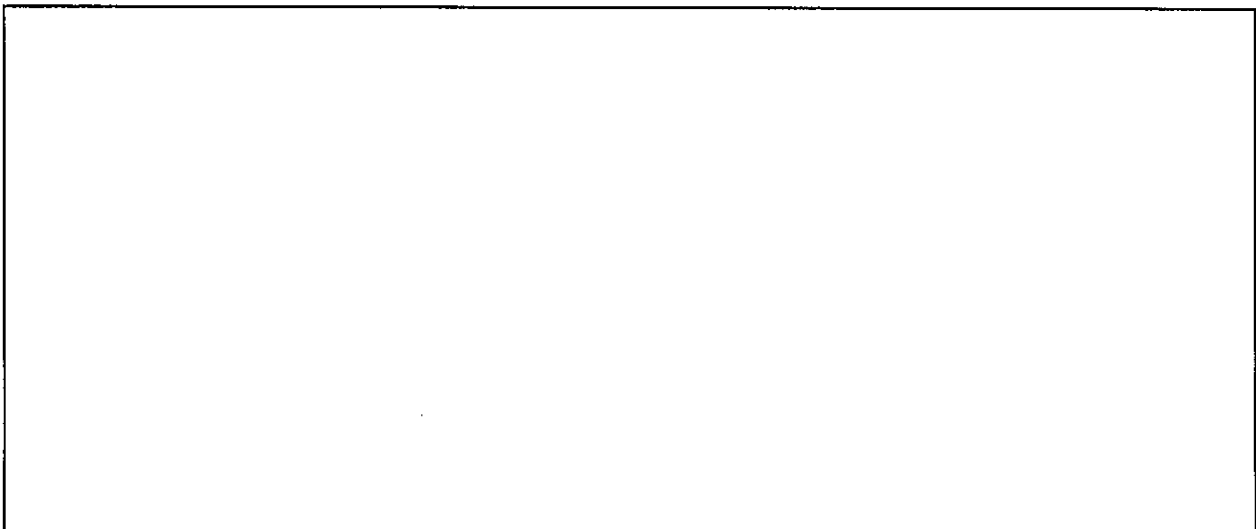




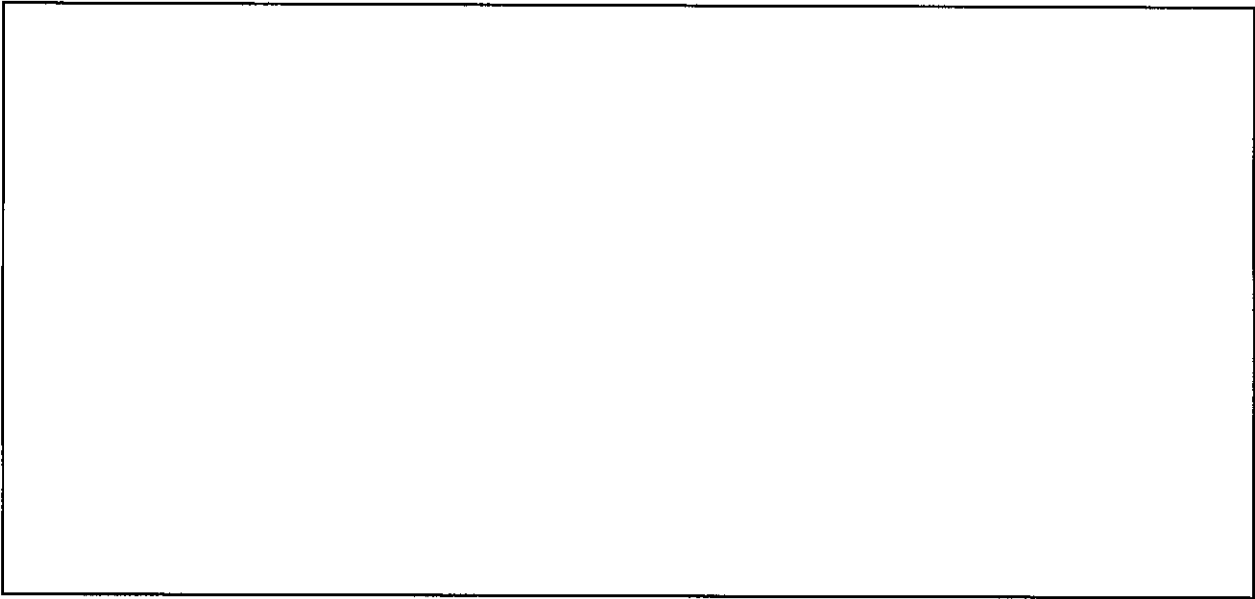
2- a) On place une charge  $Q < 0$  au point O. Après avoir représenté la force générée par les charges en A, C et E sur la charge  $Q$ , exprimer la norme de cette force.



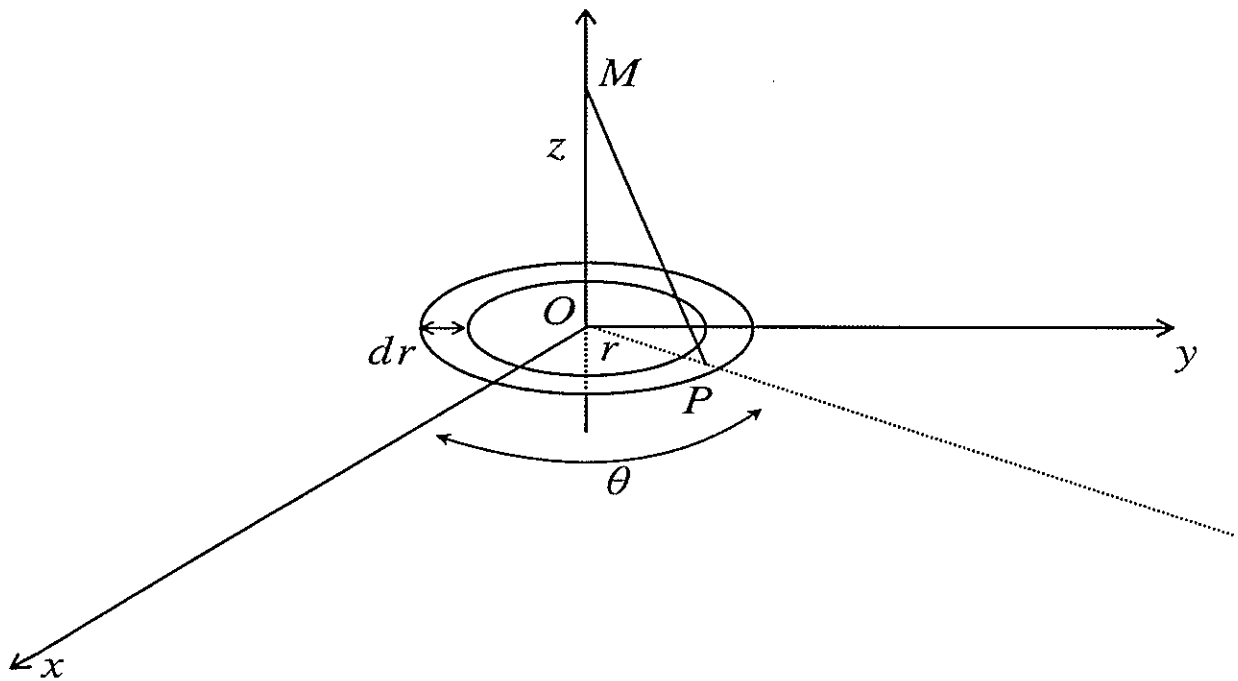
b) Exprimer le potentiel électrostatique  $V(O)$  créé en O par les charges placées en B, D et F.



c) En prenant en compte toutes les charges placées aux sommets de l'hexagone, donner l'expression de l'énergie potentielle électrostatique  $\mathcal{E}$  de la charge  $Q$  placée en O.



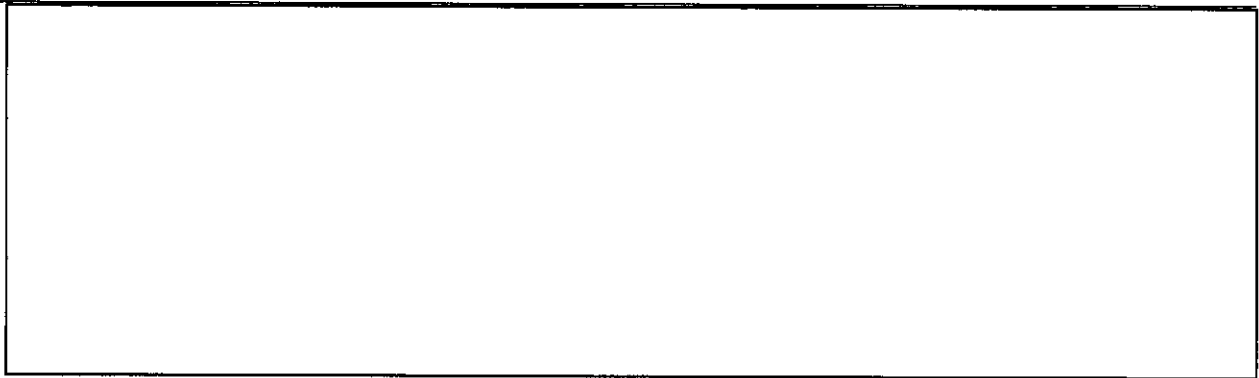
Exercice 2



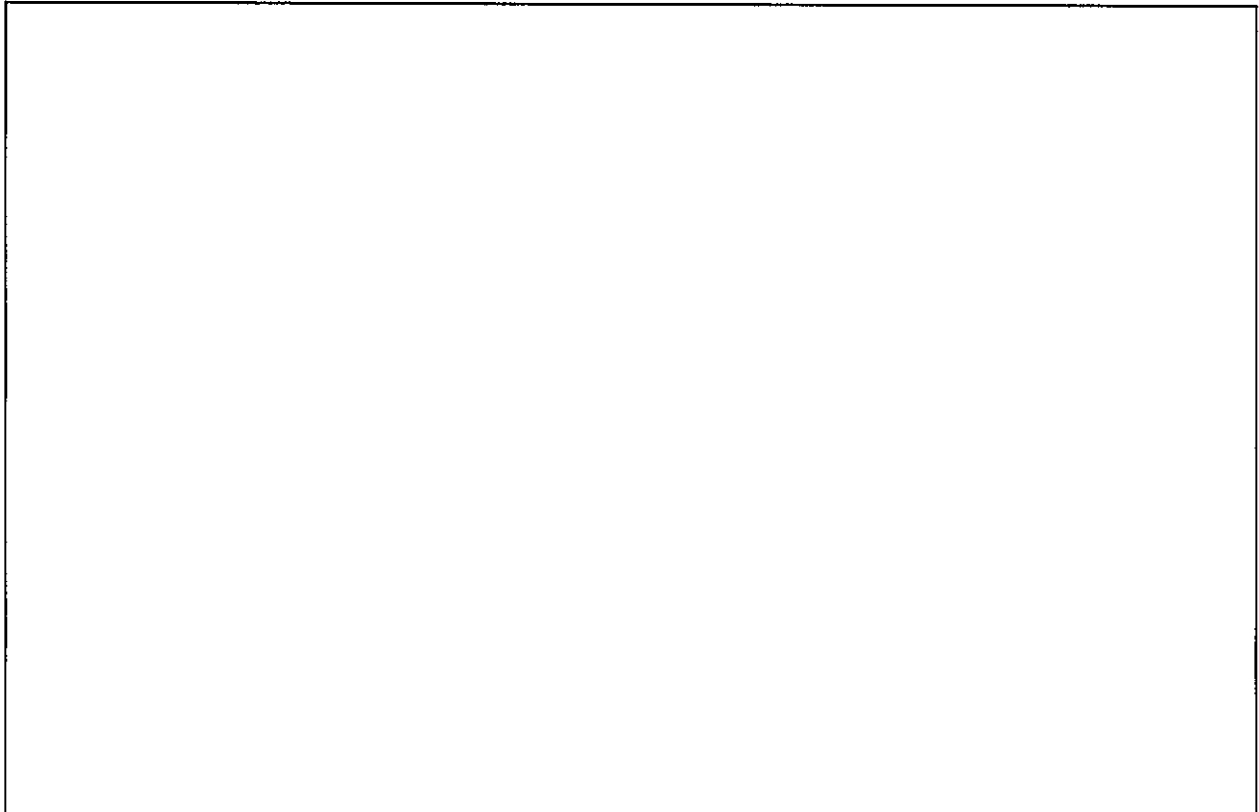
On considère une distribution surfacique de charges  $\sigma$  uniformément répartie sur une couronne de rayon  $r$ , de largeur  $dr$  et de centre  $O$ . Le point  $M$  est sur l'axe  $(Oz)$ .

1- Donner l'expression du champ électrostatique élémentaire  $d\vec{E}_P(M)$  créé en  $M$  par une charge élémentaire surfacique  $dQ$  de centre  $P$ .



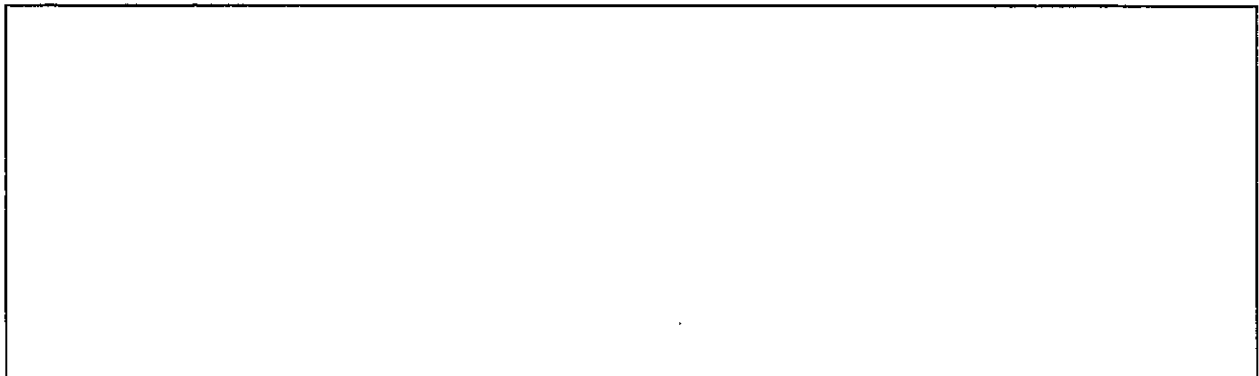


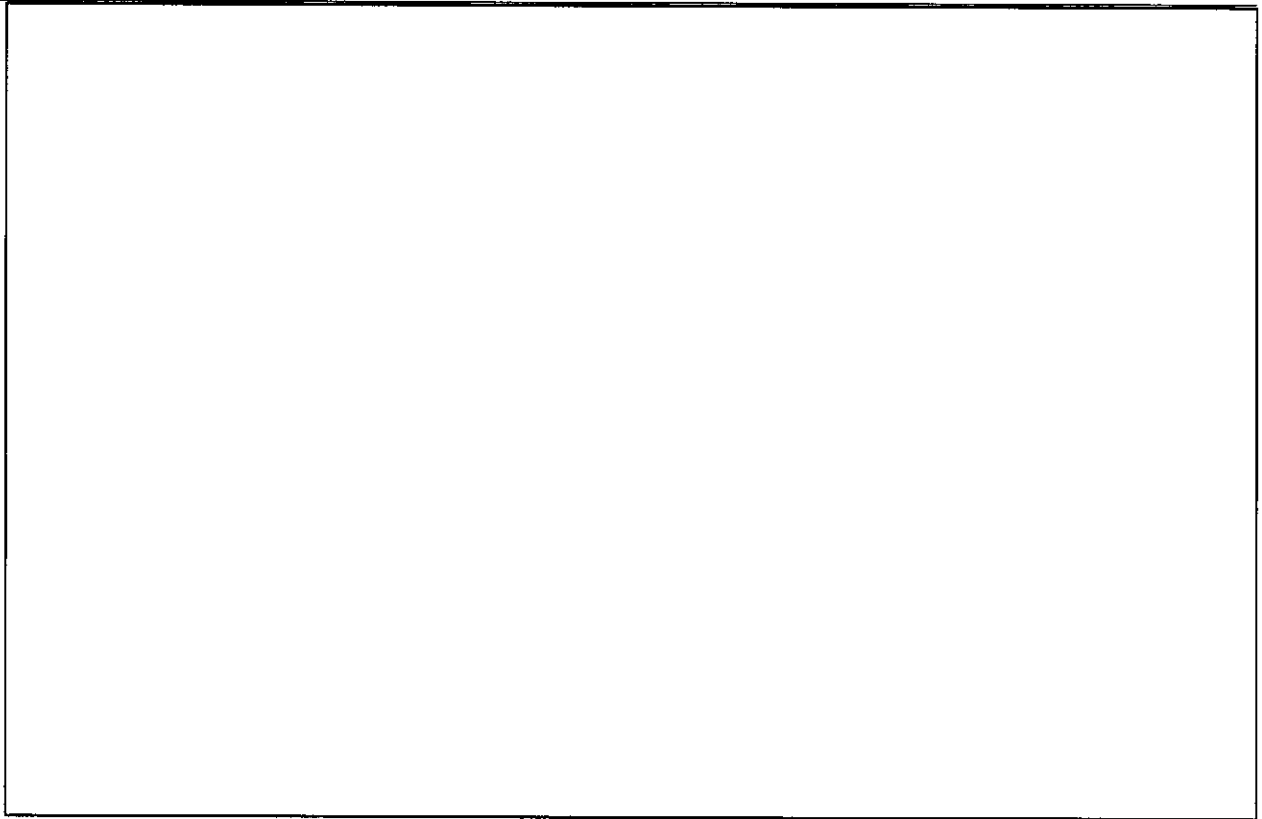
2- En déduire le champ électrostatique total créé par cet anneau en  $M$ . Vous détaillerez votre raisonnement.



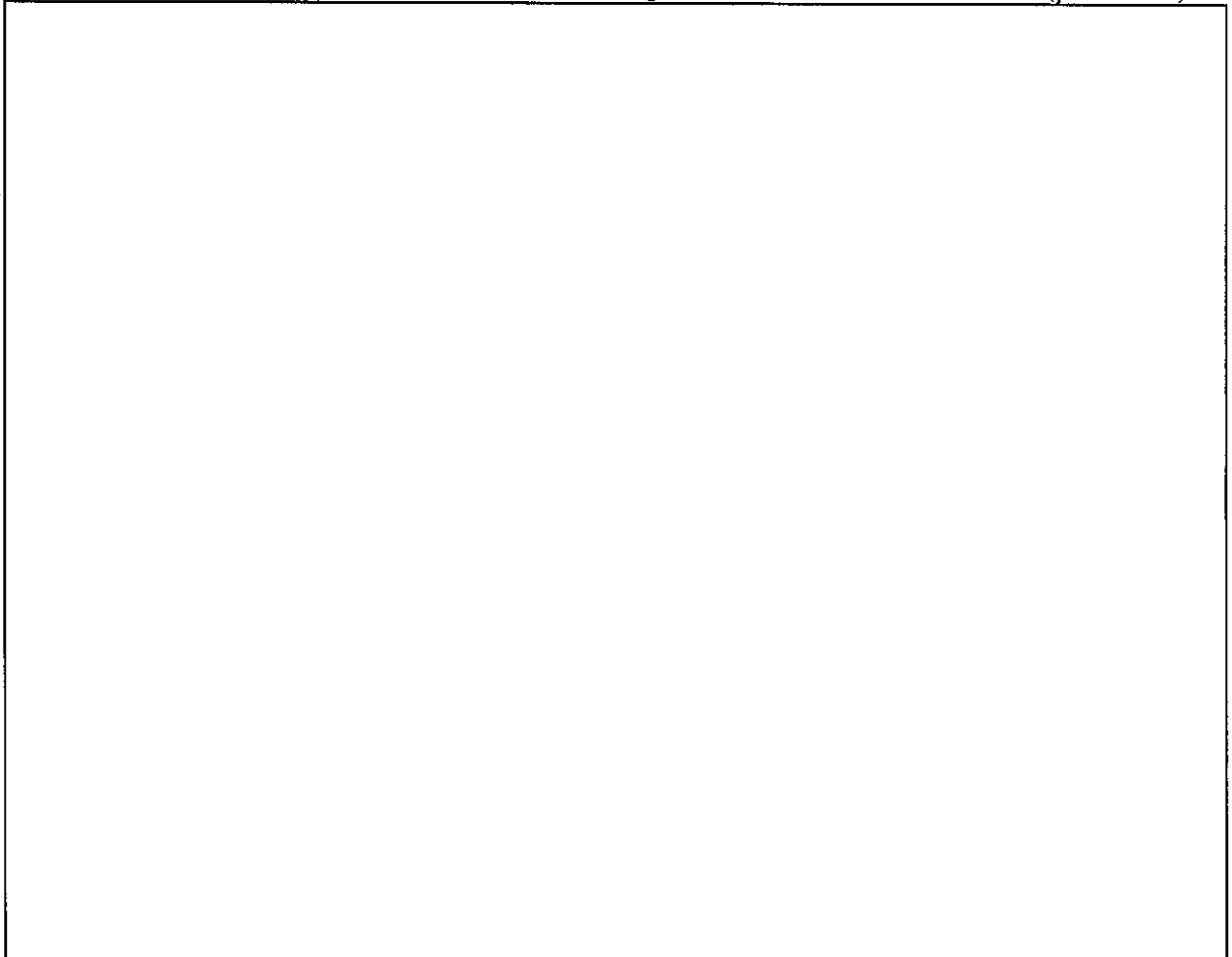
3- On souhaite déterminer le champ électrostatique  $\vec{E}(M)$  créé en  $M$  par un disque de rayon  $R$ , de centre  $O$  et d'axe  $(Oz)$ .

En utilisant la question 2, retrouver l'expression de  $\vec{E}(M) = 2\pi k\sigma z \left( \frac{1}{|z|} - \frac{1}{\sqrt{(R^2+z^2)}} \right) \cdot \vec{u}_z$  puis sa norme.





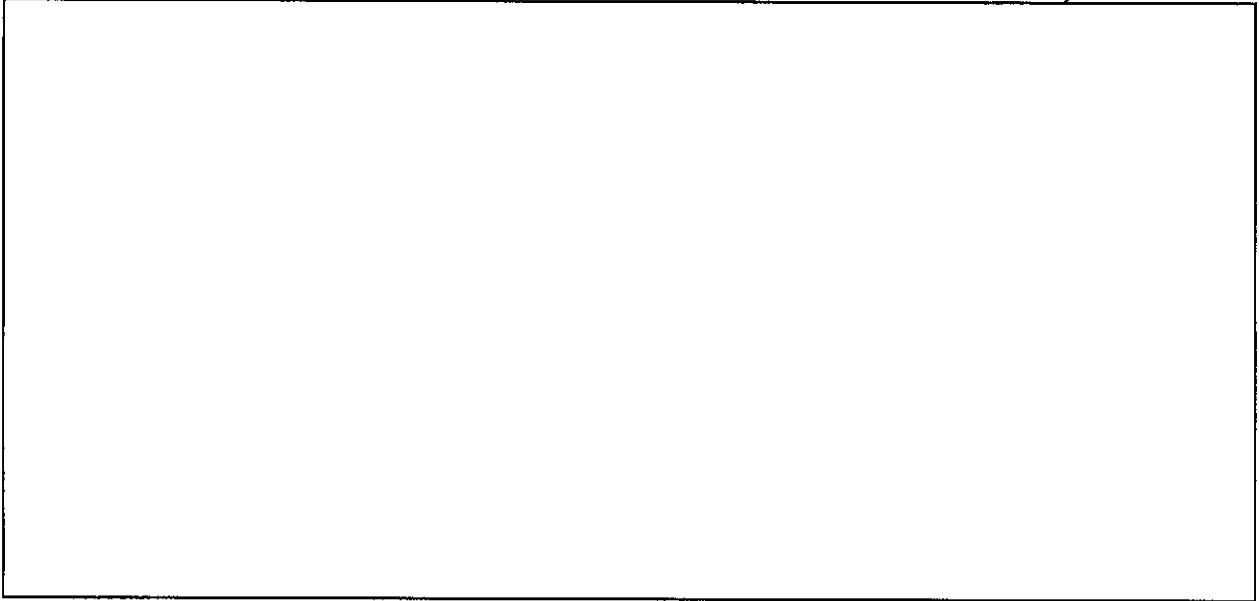
4- En utilisant les symétries de la distribution de charges, commenter la limite  $R \rightarrow \infty$  (plan infini).



Exercice 3

Soit le potentiel électrostatique  $V(x, y, z)$  donné en coordonnées cartésiennes par l'expression suivante  $V(x, y, z) = k \frac{q}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$ .

1- Exprimer le champ électrique  $\vec{E}(x, y, z)$  dérivant de ce potentiel dans la base  $(\vec{u}_x, \vec{u}_y, \vec{u}_z)$ .



2- Retrouver, à l'aide de la question 1, l'expression du vecteur unitaire radial  $\vec{u}_r$  de la base sphérique. Vous pourrez utiliser l'expression du gradient suivante en sphérique, où  $f(r)$  est une fonction uniquement de la coordonnée  $r$  :  $\overrightarrow{\text{grad}} f = \frac{\partial f}{\partial r} \vec{u}_r$ .

