

**Partiel n° 2 de Physique***Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés.***Réponses exclusivement sur le sujet****QCM** (4 points ; sans points négatifs)

1- La fonction d'état enthalpie est définie par :

- a)
- $H = U - PV$
- b)
- $H = W + Q$
- c)
- $H = U + TV$
- d)
- $H = U + PV$

2- La variation infinitésimale de l'enthalpie  $dH$  lors d'une transformation réversible s'écrit :

- a)
- $dH = \delta Q + PdV$
- b)
- $dH = \delta Q + VdP$
- c)
- $dH = dU + VdP$

3- Lorsqu'un système fermé (gaz parfait) subit une transformation **isotherme**, la quantité de chaleur échangée avec le milieu extérieur est

- a)
- $Q = W$
- b)
- $Q = \Delta U$
- c)
- $Q = -W$
- d)
- $Q = 0$

4- Le travail des forces de pression de l'état (1) vers l'état (2) d'une transformation **isobare** s'écrit

- a)
- $W = 0$
- b)
- $W = -P(V_2 - V_1)$
- c)
- $W = n \cdot R \cdot T_1 \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$

5- La quantité de chaleur échangée entre un gaz parfait et le milieu extérieur lors d'une transformation isochore réversible est

- a)
- $Q = nc_p \Delta T$
- b)
- $Q = nc_v \Delta T$
- c)
- $Q = nR \Delta T$

6- Laquelle parmi les grandeurs suivantes n'est pas une fonction d'état ?

- a) Enthalpie H    b) Energie interne U    c) Quantité de chaleur Q

7- Les grandeurs d'état températures et pression d'un gaz parfait qui subit une transformation **isochore** de l'état (1) vers l'état (2) vérifient :

- a)
- $T_1 P_2 = T_2 P_1$
- b)
- $T_1 P_1 = T_2 P_2$
- c)
- $\frac{T_1}{P_2} = \frac{P_1}{T_2}$

8- La loi de Laplace écrite en fonction de la température et la pression donne

- a)
- $T \cdot P^{\gamma-1} = C$
- b)
- $T^{\gamma} \cdot P^{\gamma-1} = C$
- c)
- $T \cdot P^{\gamma+1} = C$
- d)
- $T^{\gamma} \cdot P^{1-\gamma} = C$

(''C'' étant une constante)

**Exercice 1** Les 2 parties de l'exercice sont indépendantes. (6 points)

**I. Compression isotherme.**

Un gaz parfait, contenu dans un cylindre fermé par un piston et placé dans un four, subit une compression isotherme réversible d'un volume  $V_1$  au volume  $V_2 = \frac{V_1}{10}$ . La pression initiale est  $P_1 = 1$  bar. Le travail fourni au système gazeux est  $W_{12} = 420$  J. La constante des gaz parfaits :  $R = 8,3$  J. mol<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup>

1- Calculer la quantité de chaleur cédée au milieu extérieur  $Q_{12}$ .

2- Donner l'expression de la pression finale  $P_2$  en fonction de  $P_1$  puis donner sa valeur en bar.

3- Donner l'expression du volume  $V_1$  en fonction de  $W_{12}$  et  $P_1$ , puis faire l'application numérique en litre arrondie à un chiffre après la virgule. On donne :  $\ln(10) = 2,3$ .

4- Déterminer l'expression de la température T, en fonction de  $P_1$ ,  $V_1$ , n et R, à laquelle s'effectuerait la compression s'il y avait n = 0,02 mol de gaz. Donner une estimation de la température en kelvin (un entier multiplié par une puissance de 10).

## II. Compression adiabatique

La compression adiabatique et réversible de  $n = 1$  mol de gaz parfait monoatomique élève la température de ce gaz de  $\Delta T = 100^\circ\text{C}$ . On prendra la constante des gaz parfaits :  $R = 8,3 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ .

1- Donner la quantité de chaleur échangée avec l'extérieur  $Q_{12}$  lors de la compression, justifier votre réponse.

2- Déterminer l'expression du travail  $W_{12}$  nécessaire pour réaliser cette compression en fonction de  $n$ ,  $R$  et  $\Delta T$ . Faire l'application numérique en Joule arrondie à l'unité.

3- Donner l'expression de la pression finale du gaz  $P_2$  en fonction de la pression initiale  $P_1$ , la température initiale  $T_1$ , l'élévation de température  $\Delta T$  et du coefficient Laplace  $\gamma$ .

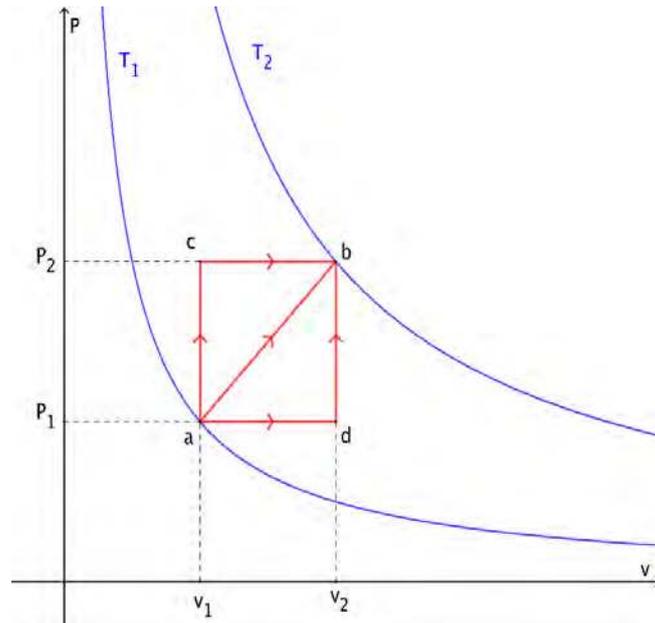
**Exercice 2** (5 points)

Une mole de gaz parfait de capacité thermique molaire à volume constant  $c_v = \frac{5}{2}R$  et de capacité molaire à pression constante  $c_p = \frac{7}{2}R$  est prise dans les conditions du point 'a' dans la figure ci-contre. On lui fait décrire le chemin ab de 3 manières différentes

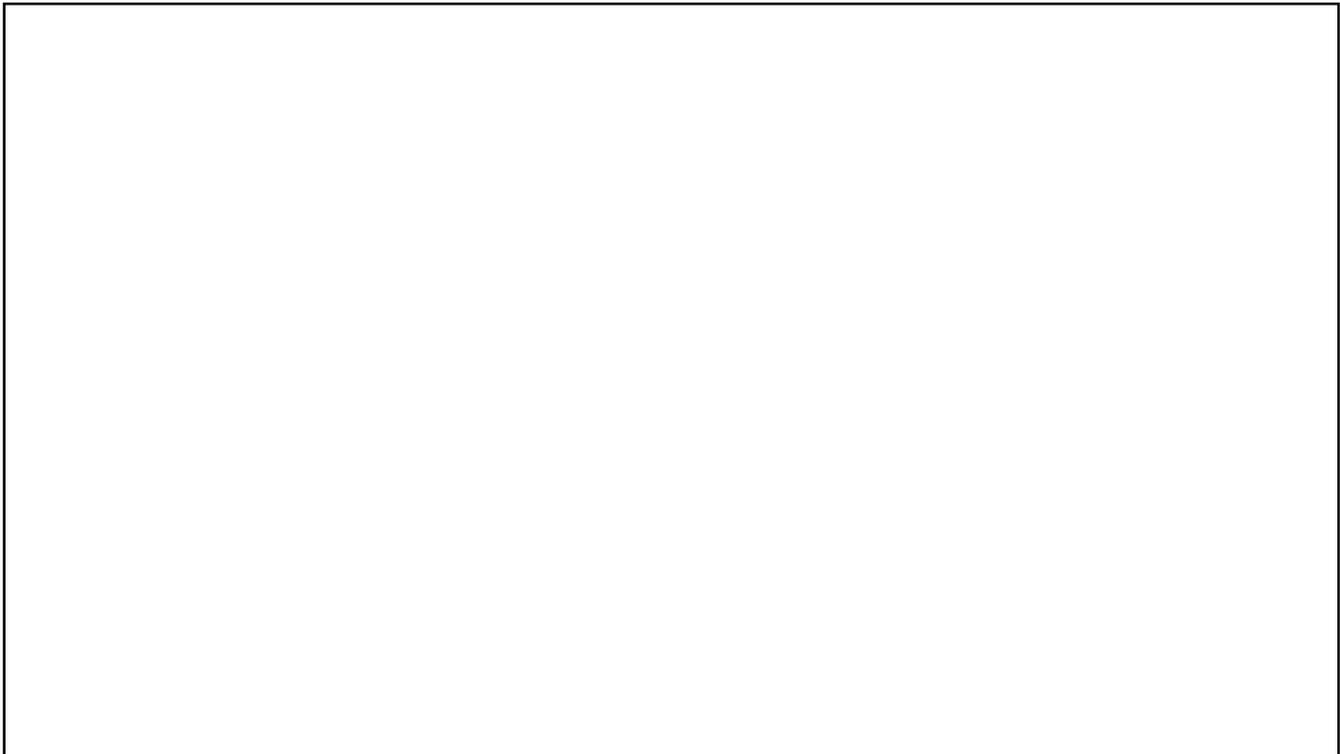
- le chemin acb ;
- le chemin adb ;
- le chemin direct ab.

On pose :  $P_2 = 2P_1$  et  $V_2 = 2V_1$ .

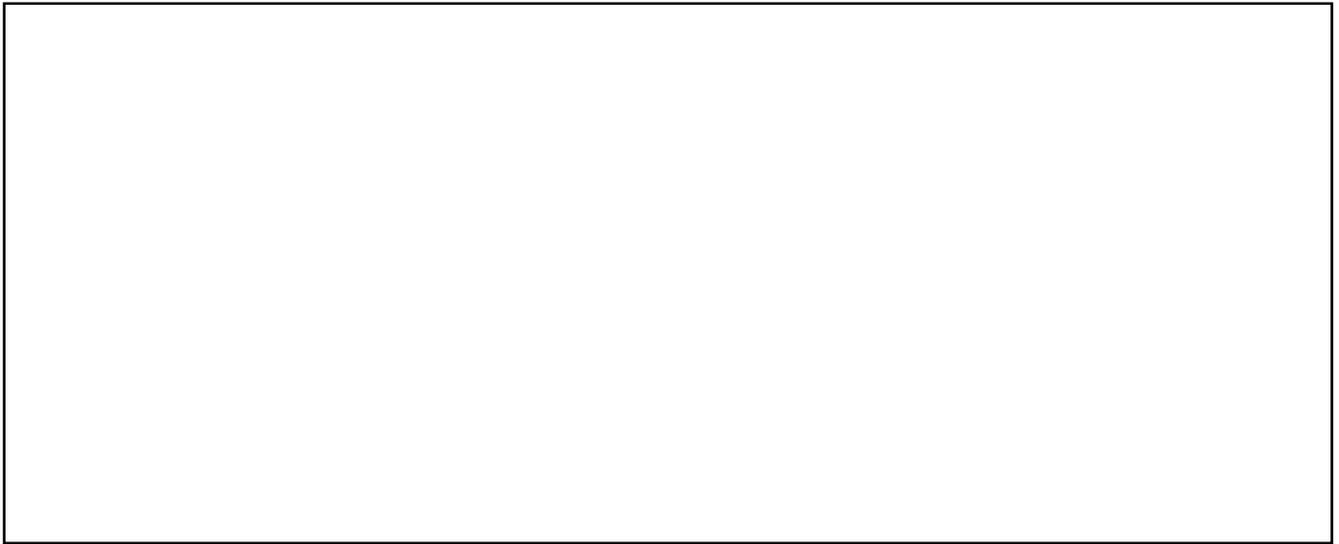
Les points **a** et **b** appartiennent respectivement aux isothermes  $T_1$  et  $T_2$ . On suppose toutes les transformations réversibles. Les chemins **ac** et **db** sont des transformations isochores, alors que les chemins **cb** et **ad** sont des transformations isobares.



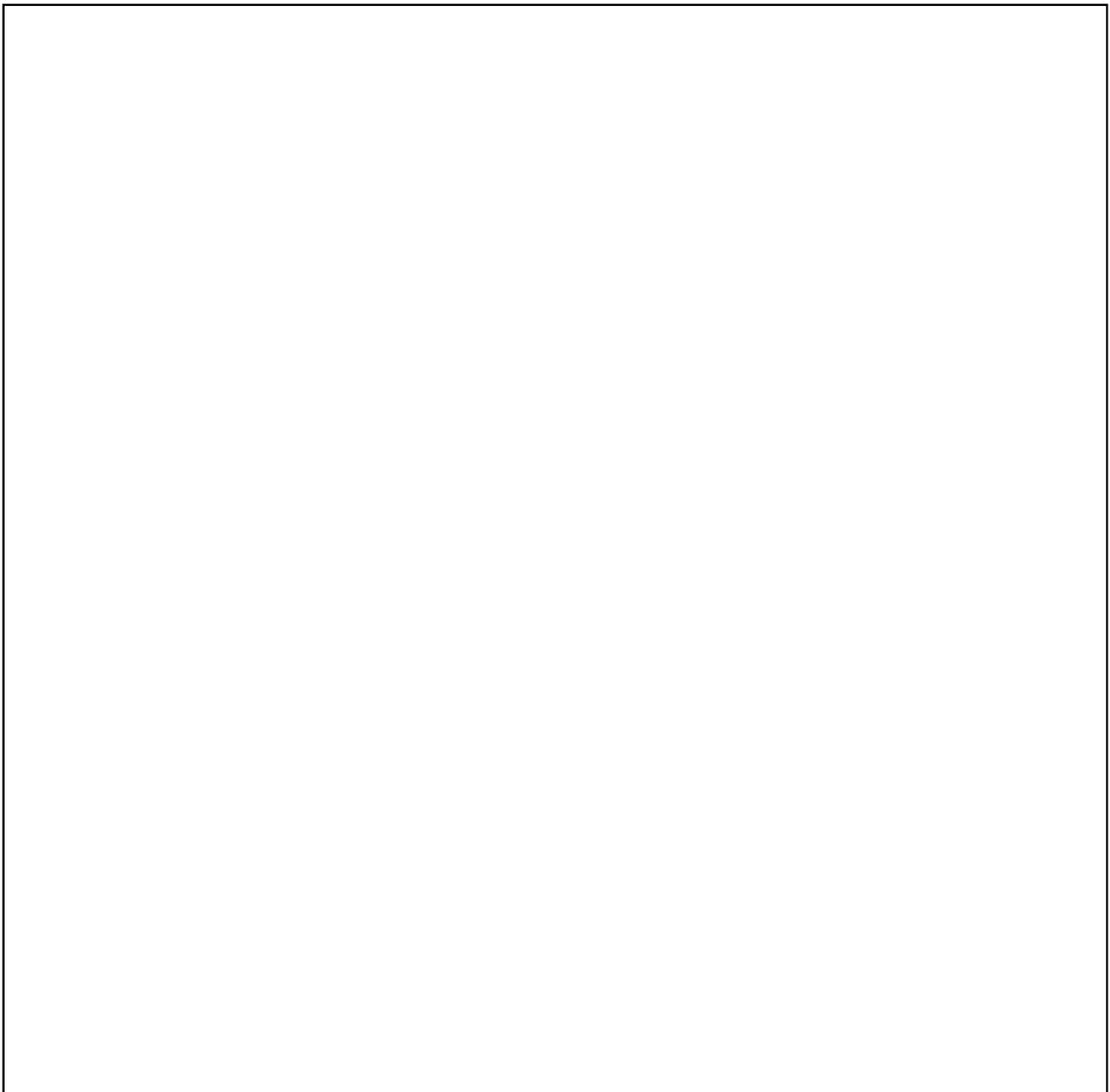
1- Montrer que :  $T_2 = 4T_1$  et  $T_c = T_d = 2T_1$ .

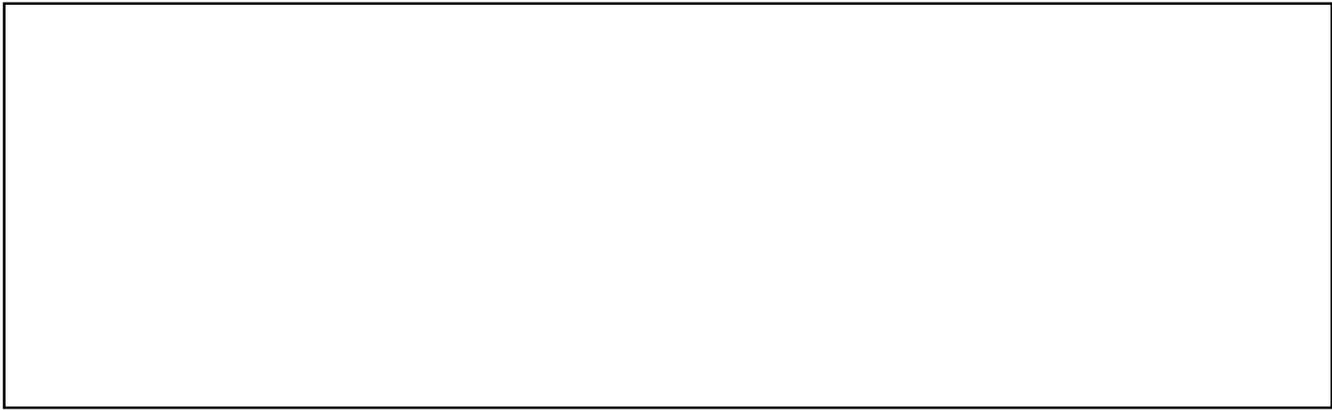


- 2- a) Exprimer les travaux des forces de pression  $W_{ac}$ ,  $W_{cb}$ , en déduire le travail total  $W_{acb}$  en fonction de  $T_1$  et de la constante des gaz parfaits  $R$ .
- b) Exprimer les travaux des forces de pression  $W_{ad}$ ,  $W_{db}$ , en déduire le travail total  $W_{adb}$  en fonction de  $T_1$  et de la constante des gaz parfaits  $R$ .
- c) Exprimer le travail  $W_{ab}$  (en considérant le chemin ab directement). Penser à exprimer la pression en fonction du volume sur la droite (ab). Donner le résultat en fonction de  $T_1$  et de la constante des gaz parfaits  $R$ .
- d) Comparer les expressions  $W_{abc}$ ,  $W_{adb}$  et  $W_{ab}$ . Conclure.



3- Reprendre les questions 2a, 2b, 2c et 2d en exprimant cette fois la quantité de chaleur  $Q$  échangée avec le milieu extérieur. Donner le résultat en fonction de  $T_1$  et de la constante des gaz parfaits  $R$ .

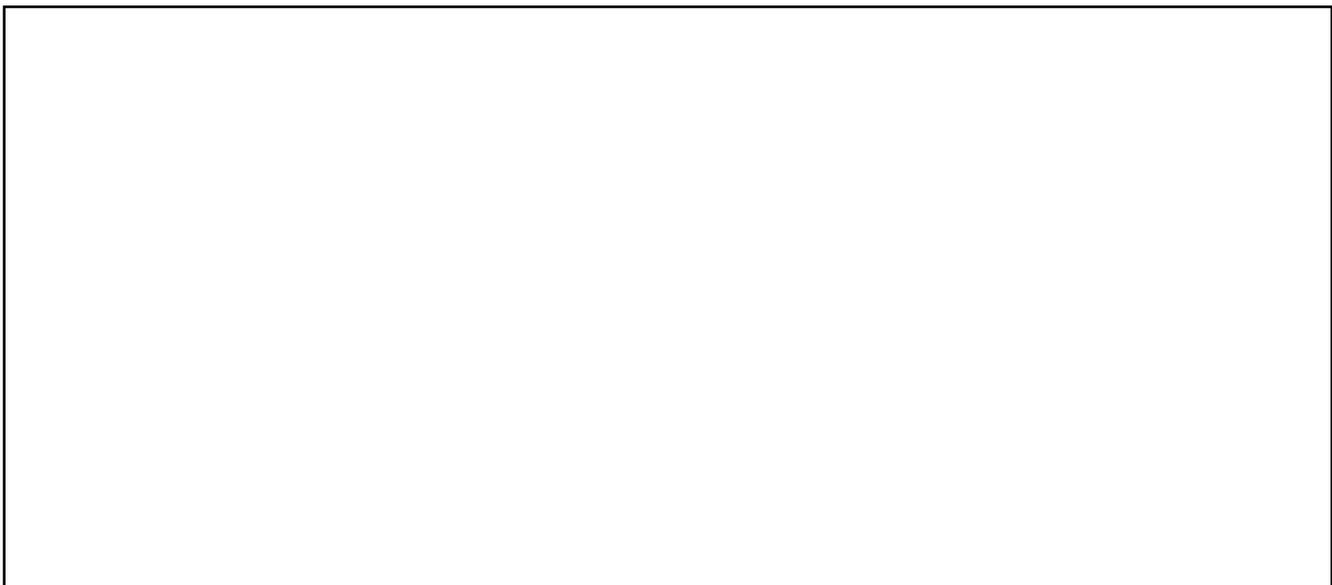




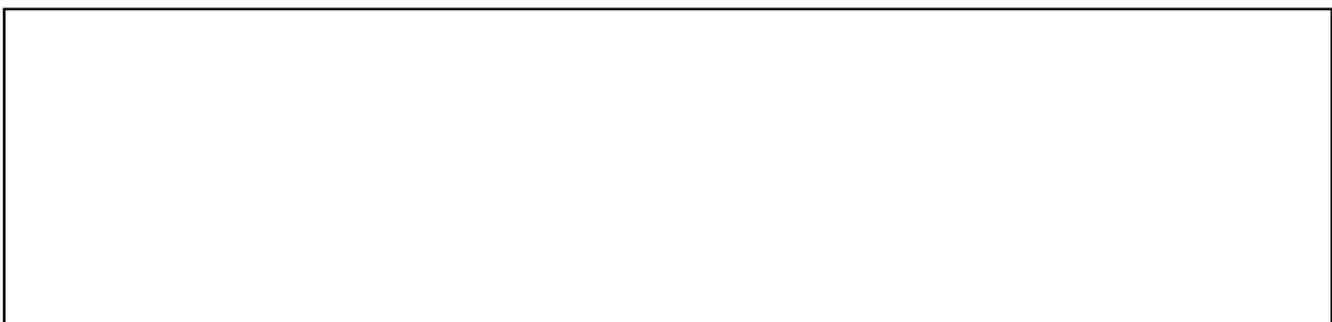
**Exercice 3 Cycle réversible** (5 points)

Une mole de gaz parfait caractérisé par le coefficient de Laplace  $\gamma = C_p/C_v$ , supposé constant, occupe à l'équilibre thermodynamique un volume  $V_1$  à la température  $T_1$  et sous la pression  $P_1$  (état A). On comprime de façon réversible et adiabatique le gaz jusqu'au volume  $V_2 = V_1/4$  (état B). On laisse alors le gaz revenir à la température  $T_1$  en maintenant le volume constant (état C). Le gaz est ensuite détendu de façon réversible de sorte que sa température reste constante, jusqu'au volume  $V_1$  (état A).

- 1- Représenter le cycle ABCA dans un diagramme  $(P, V)$ .
- 2- Donner l'expression de la chaleur reçue en fonction de  $P_1, V_1$ . Vous préciserez de quel chemin il s'agit.



- 3- Donner l'expression du travail reçu en fonction de  $P_1, V_1$  et  $\gamma$ . Vous préciserez de quel chemin il s'agit.



4- Exprimer la pression  $P_C$  au point C en fonction de la pression  $P_1$ .

5- a) Utiliser la loi de Laplace pour exprimer la pression  $P_B$  au point B en fonction de  $P_1$  et  $\gamma$ .

b) En déduire l'expression de la température  $T_B$  au point B en fonction de  $T_1$  et  $\gamma$ .