

Partiel n°2 de Physique

*Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés.
Réponses exclusivement sur le sujet*

Exercice 1 (5 points) Les parties 1 et 2 sont indépendantes

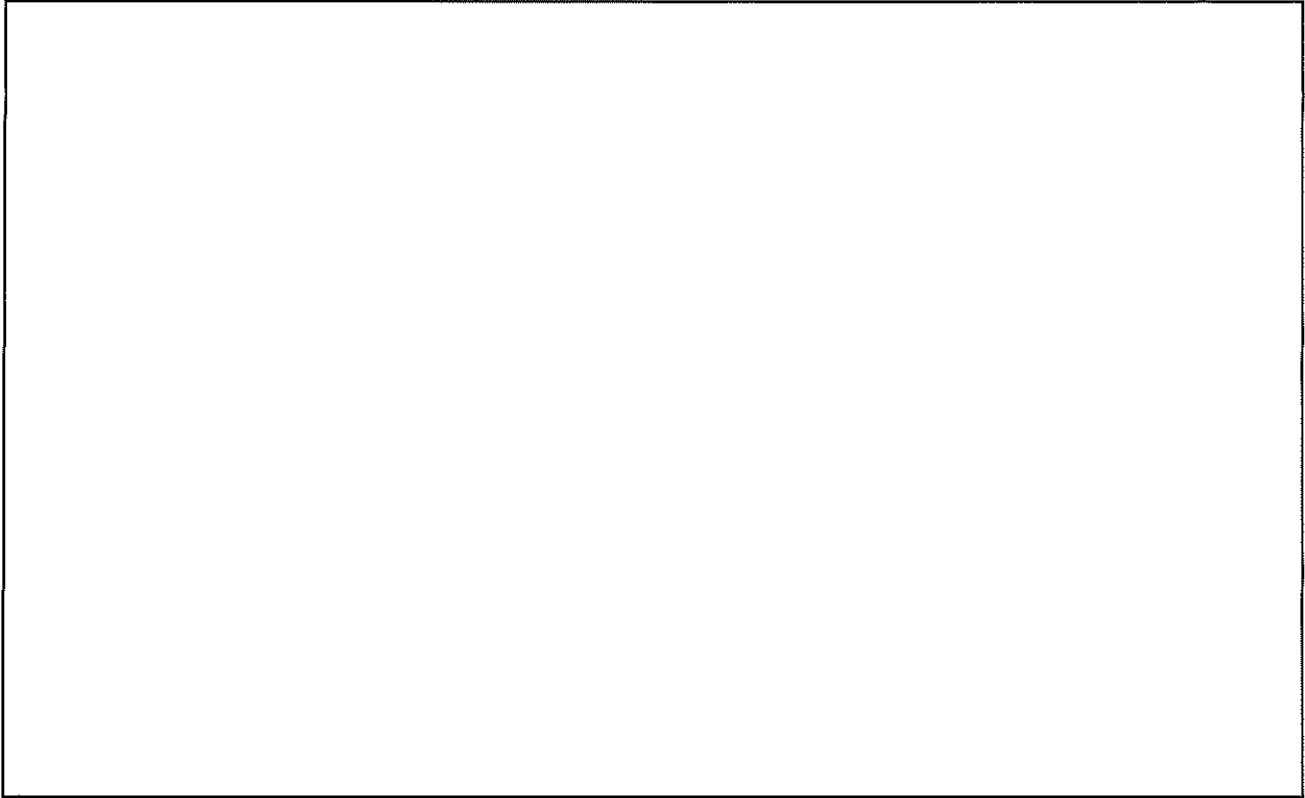
1- Un calorimètre de capacité négligeable contient une masse $m_1 = 200\text{g}$ d'eau à la température initiale $\theta_1 = 70^\circ\text{C}$. On y place un glaçon de masse $m_2 = 80\text{g}$ sortant du congélateur à la température $\theta_2 = -20^\circ\text{C}$. Exprimer les quantités de chaleurs échangées Q par l'eau et le glaçon, en déduire la température d'équilibre θ_e , sachant que le glaçon fond dans sa totalité.

Données : Chaleur latente de fusion de la glace : $L_f = 300.10^3\text{Jkg}^{-1}$.

Capacité massique de l'eau : $c_e = 4.10^3\text{JK}^{-1}\text{kg}^{-1}$.

Capacité massique de la glace : $c_g = 2.10^3\text{JK}^{-1}\text{kg}^{-1}$.

2- Un calorimètre contient une masse $m_1 = 150\text{g}$ d'eau. La température initiale de l'ensemble est $\theta_1=20^\circ\text{C}$. On ajoute une masse $m_2= 250\text{g}$ d'eau à la température $\theta_2=70^\circ\text{C}$. Calcule la capacité thermique C_{cal} du calorimètre sachant que la température d'équilibre est $\theta_e=50^\circ\text{C}$. On donne la capacité massique de l'eau : $C_e = 4.10^3\text{JK}^{-1}\text{kg}^{-1}$.

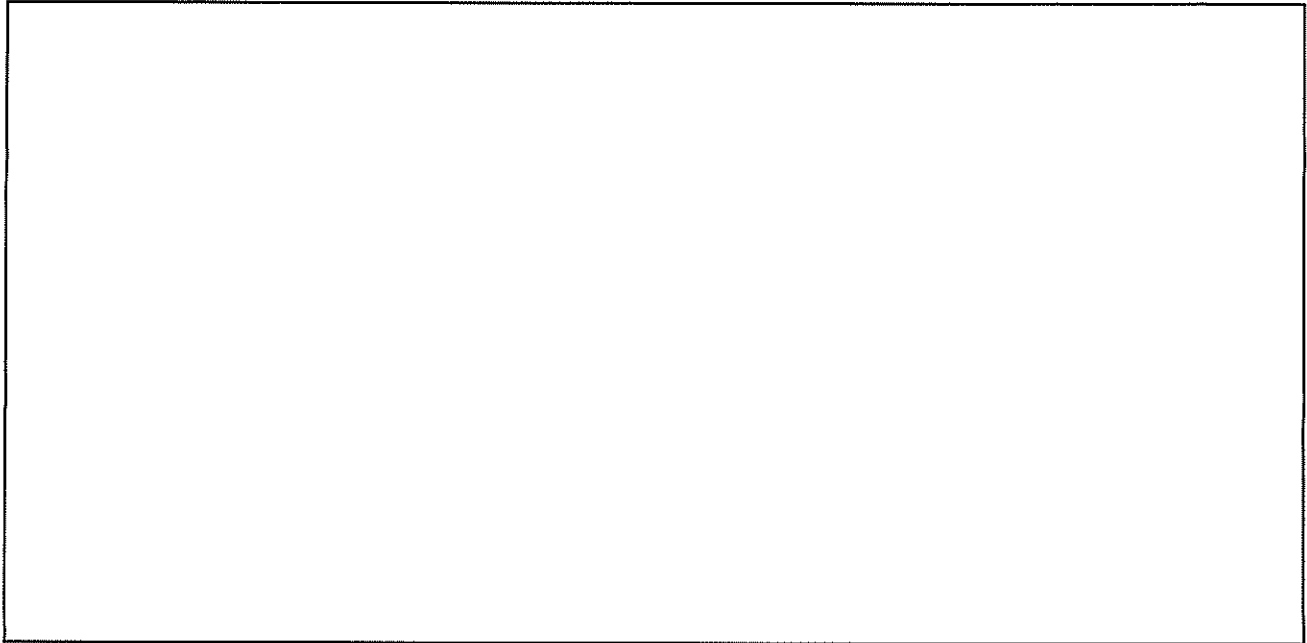


Exercice 2 (7 points) *Les questions 1, 2 et 3 sont indépendantes*

- 1- a) Exprimer l'énergie élémentaire dU et l'enthalpie élémentaire dH d'un gaz parfait.
b) en déduire la relation de Meyer, donnée par: $C_p - C_v = nR$, valable pour un gaz parfait.

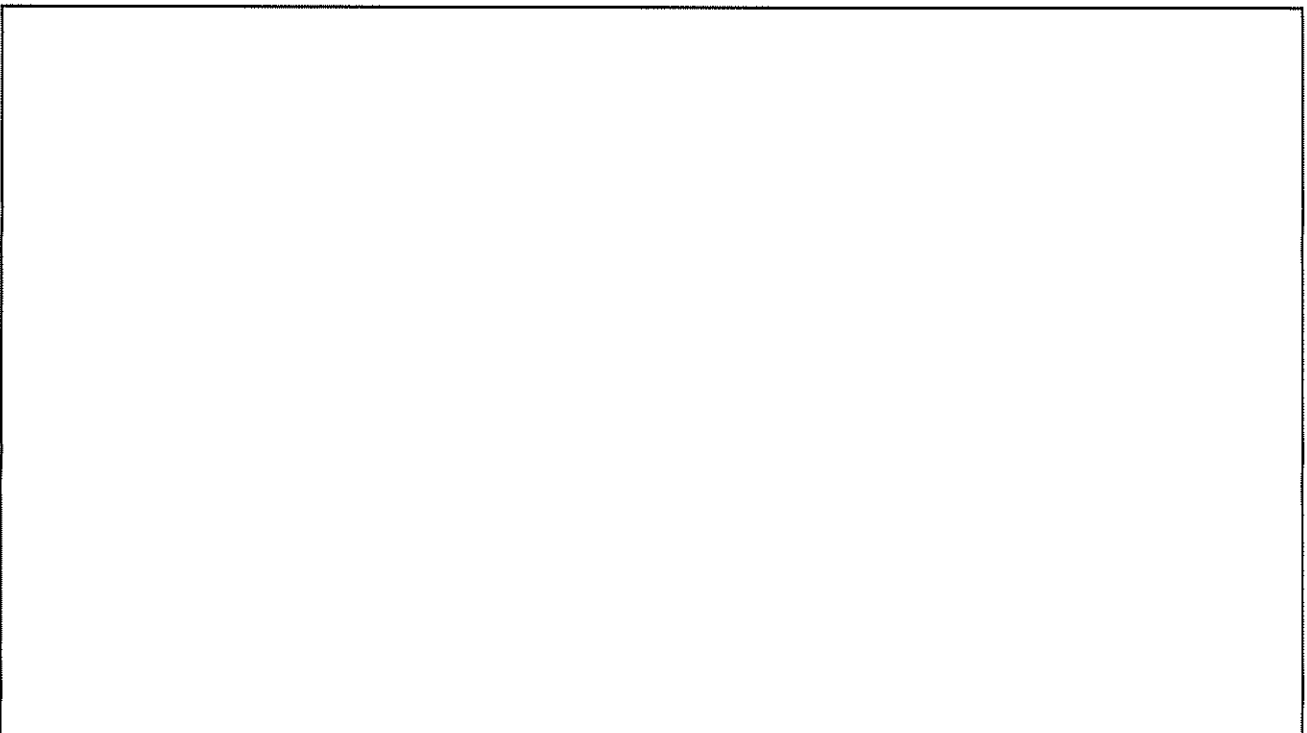


- 2- a) Énoncer le premier principe de la thermodynamique donnant dU en fonction des grandeurs élémentaires δQ et δW .
- b) Utiliser ce principe et la loi de Meyer pour un gaz parfait, pour montrer que la quantité élémentaire de chaleur échangée pour n moles de gaz parfait à pression constante s'écrit:
- $$\delta Q_p = n \cdot c_p \cdot dT. \text{ (On donne } \frac{dV}{V} = \frac{dT}{T} \text{ lorsque la pression est constante).}$$



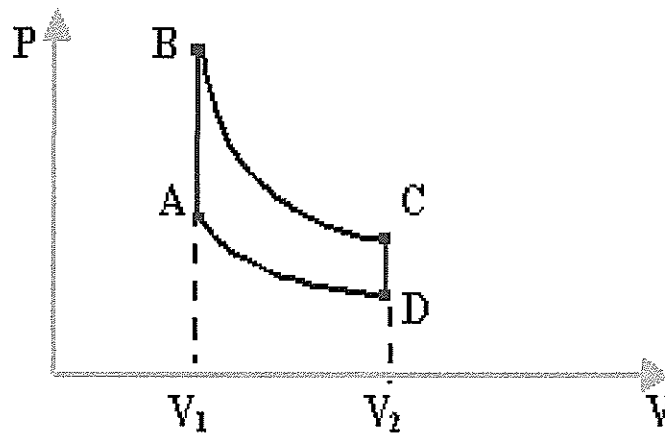
3- Exprimer le travail des forces de pression W , dans les cas suivants :

- a) Détente isobare à pression P_A , du volume V_A vers le volume V_B .
- b) Compression adiabatique du volume V_A vers le volume V_B en fonction des températures T_A , T_B et de la capacité molaire à volume constant c_v .



Exercice 3 (8 points)

Un moteur thermique fonctionne selon le Cycle de Beau de Rochas : n moles de gaz parfait décrivent le cycle ABCDA représenté sur la figure ci-dessous.



Les transformations DA et BC sont des adiabatiques alors que les transformations CD et AB sont des isochores. On désigne par $a = V_2 / V_1$ le rapport des volumes (appelé le taux de compression).

1- Utiliser la loi de Laplace pour montrer les relations suivantes :

$$T_B(V_1)^{\gamma-1} = T_C(V_2)^{\gamma-1}$$

$$T_A(V_1)^{\gamma-1} = T_D(V_2)^{\gamma-1}$$

2- Exprimer les quantités de chaleur Q , les travaux des forces de pression W et les variations d'énergie interne ΔU pour chacune des transformations du cycle, en fonction des températures.

3- a) Exprimer le rendement de ce moteur donné par : $r = \frac{Q_{AB} + Q_{CD}}{Q_{AB}}$, en fonction des températures.

b) Retrouver une expression de ce rendement en fonction de a et de γ . (On pose $a = V_2 / V_1$)

Indice de calcul : $\frac{T_C - T_D}{T_B - T_A} = \frac{T_D}{T_A} = \frac{T_C}{T_B}$

c) Faire le calcul numérique pour $a = 9$; $\gamma = 1,4$. On donne : $9^{-0,4} \approx 0,4$