



Partiel Electronique < CORRIGÉ

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés. Le barème est donné à titre indicatif.

Réponses exclusivement sur le sujet. Si vous manquez de place, vous pouvez utiliser le verso des pages.

Exercice 1. QCM (4 points – pas de point négatif)

Pour chacune des questions ci-dessous, entourez la ou les bonnes réponses.

1. Soit un signal sinusoïdal $s(t) = S \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega t + \theta)$ L'amplitude complexe \underline{S} de ce signal est telle que :

a. $\underline{S} = S \cdot e^{j\omega \cdot t + \theta}$

b. $|\underline{S}| = S e^{j\theta}$

c. $\underline{S} = S \cdot e^{j\theta}$

d. $\underline{S} = S \cdot \sqrt{2} \cdot e^{j\theta}$

On cherche à identifier un dipôle. Pour cela, on mesure le courant $i(t)$ qui le traverse et la tension $u(t)$ à ses bornes, et on obtient :

$$u(t) = 20 \cos(\omega t) \text{ et } i(t) = 5 \cdot 10^{-3} \sin(\omega t + \phi) \text{ avec } \omega = 1000 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

2. Si $\phi = 0$, ce dipôle est :

a. Une résistance $R = 4k\Omega$

c. Un condensateur de capacité $C = 0,25\mu F$

b. Une bobine d'inductance $L = 4 H$

d. Rien de tout cela

3. Si $\phi = \frac{\pi}{2}$, ce dipôle est :

a. Une résistance $R = 4k\Omega$

c. Un condensateur de capacité $C = 0,25\mu F$

b. Une bobine d'inductance $L = 4 H$

d. Rien de tout cela

4. Quelle est l'unité du produit $C\omega$?

a. Des Farad

b. Des siemens

c. Sans unité

d. Des Ohms

La forme normalisée d'une fonction de transfert d'un filtre du 2^{ème} ordre est de la forme :

$$\underline{T} = A_0 \cdot \frac{\underline{Num}(\omega)}{1 + 2 \cdot j \cdot z \cdot \frac{\omega}{\omega_0} - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2}$$

5. Quelle est l'expression de la fonction $\underline{Num}(\omega)$ dans le cas d'un filtre passe-haut ?

- a. 1 b. $2 \cdot j \cdot z \cdot \frac{\omega}{\omega_0}$ c. $\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2$ d. $-\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2$

6. Quelle est l'expression de la fonction $\underline{Num}(\omega)$ dans le cas d'un filtre passe-bande ?

- a. 1 b. $2 \cdot j \cdot z \cdot \frac{\omega}{\omega_0}$ c. $\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2$ d. $-\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2$

7. Que représente A_0 pour un filtre passe-haut ?

- a. L'amplification en TBF c. L'amplification maximale
 b. L'amplification en THF d. L'amplification de coupure

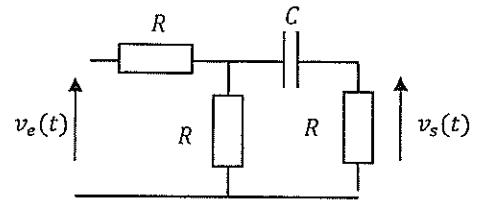
8. Que représente A_0 pour un filtre passe-bande ?

- a. L'amplification en TBF c. L'amplification maximale
 b. L'amplification en THF d. L'amplification de coupure

Exercice 2. Filtrés du premier ordre (8 points)

A. Soit le filtre ci-contre :

1. Etude Qualitative : Calculer les limites du gain quand $f \rightarrow 0$ et quand $f \rightarrow \infty$ et en déduire le type de filtre. Que vaut l'amplification maximale ?



TBF:

$v_s \rightarrow 0$
 $A \rightarrow 0$
 $G \rightarrow -\infty$

THF:

$v_s \rightarrow \frac{1}{3} v_e$
 $A \rightarrow \frac{1}{3}$
 $G \rightarrow -20 \log 3$

\Rightarrow Passé-Haut
 $A_{max} = \frac{1}{3}$

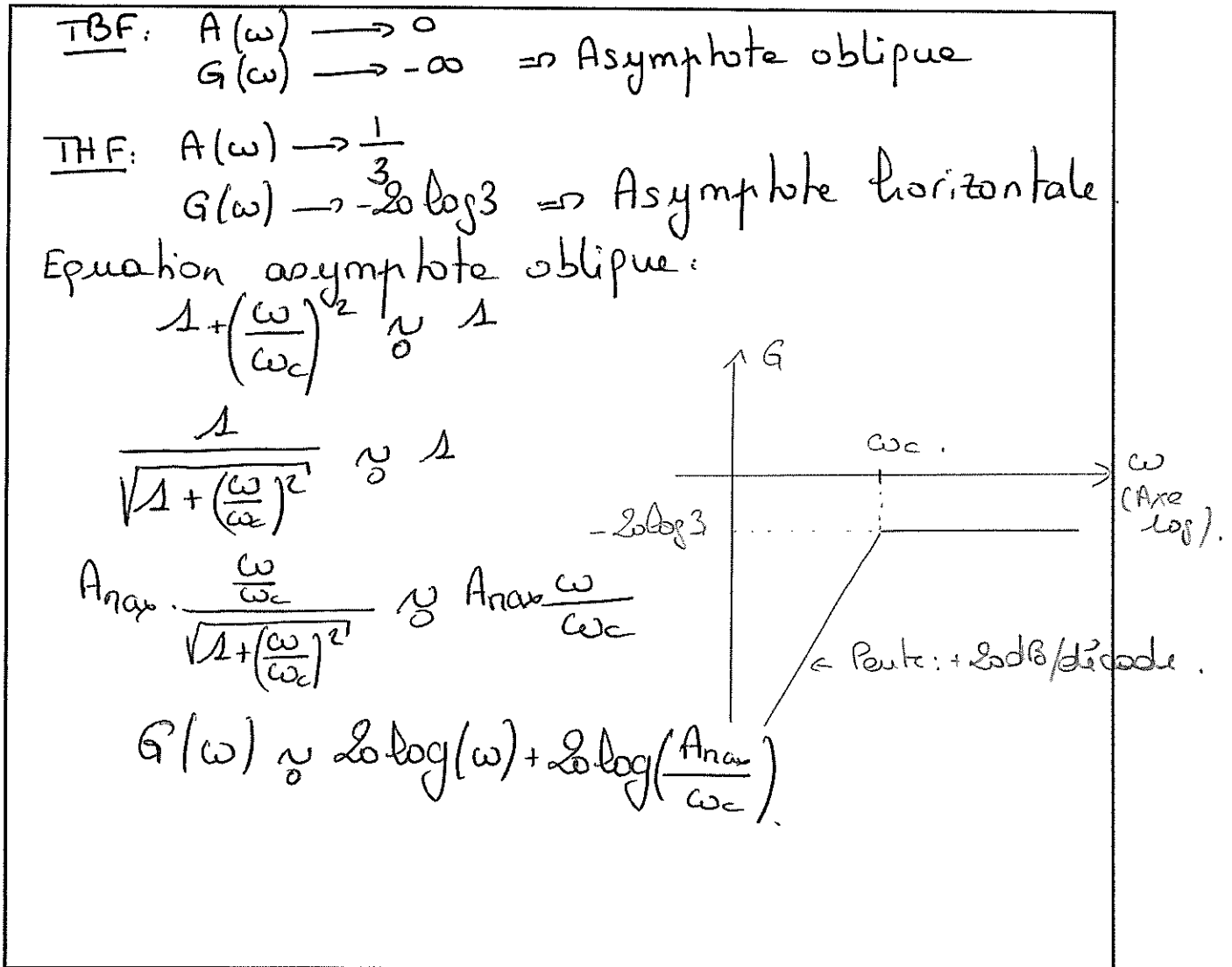
2. Déterminer sa fonction de transfert. En déduire la pulsation de coupure.

Simplifions le circuit en utilisant les équivalences Thévenin / Norton.

PDT:
$$\underline{V}_s = \frac{R}{\frac{R}{2} + \frac{1}{jCw} + R} \frac{V_e}{2} = \frac{jRCw}{2 + 3jRCw} \underline{V}_e = \frac{j\frac{R}{2}Cw}{1 + \frac{3}{2}jRCw}$$

$\Rightarrow \underline{T}(\omega) = \frac{1}{3} \frac{\frac{3}{2}jRCw}{1 + \frac{3}{2}jRCw}$ On sait que la fonction de transfert des filtres passe-haut du 1^{er} ordre est de la forme $\underline{T}(\omega) = A_{max} \cdot \frac{j\frac{\omega}{\omega_c}}{1 + j\frac{\omega}{\omega_c}}$. Par identification, on a : $\omega_c = \frac{2}{3RC}$

3. Diagramme de Bode asymptotique. Tracer la courbe de gain. Vous préciserez les limites du gain en très basses et très hautes fréquences, ainsi l'équation de l'asymptote oblique.



4. Quel type de filtre obtient-on si on remplace le condensateur par une bobine? Justifiez votre réponse. (On ne vous demande pas de refaire une étude complète).

Comme les comportements des bobines et condensateurs sont inversés en TBF et THF, on obtiendra un filtre passe-bas.

5. Si $v_e(t) = V_E \sin(\omega t)$, quelle est l'expression de $v_s(t)$?

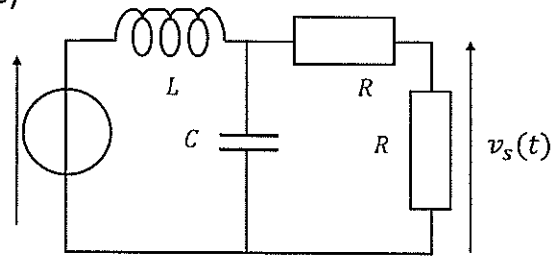
On aura alors $v_s(t) = V_S \sin(\omega t + \varphi)$ avec :

- $V_S = |\underline{V}_S| = \frac{RC\omega V_E}{\sqrt{2^2 + (3RC\omega)^2}}$
- $\varphi = \arg(\underline{V}_S) = \frac{\pi}{2} - \arctan\left(\frac{3RC\omega}{2}\right)$

car $\underline{V}_S = \frac{jRC\omega}{2 + 3jRC\omega} \underline{V}_E$

Exercice 3. Filtre du second ordre (8 points)

Soit le circuit suivant :



1. Etude Qualitative : Calculer les limites du gain quand $f \rightarrow 0$ et quand $f \rightarrow \infty$ et en déduire le type de filtre.

TBF :

$v_s \rightarrow \frac{v_e}{2}$
 $A \rightarrow \frac{1}{2}$
 $G \rightarrow -6 \text{ dB}$

THF :

$v_s \rightarrow 0$
 $A \rightarrow 0$
 $G \rightarrow -\infty$

\Rightarrow Filtre Passe-Bas

2. Déterminer sa fonction de transfert et la mettre sous la forme générale. Vous préciserez bien les expressions de A_0 , ω_0 et z .

$z_{eq} = \frac{jL\omega}{1-LC\omega^2}$

PDT: $V_s = \frac{R}{R+R+\frac{jL\omega}{1-LC\omega^2}} \cdot \frac{V_e}{1-LC\omega^2} = \frac{R}{2R+jL\omega-2RLC\omega^2} V_e$

$\Rightarrow T(\omega) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{1+j\frac{L}{2R}\omega-LC\omega^2}$

$A_0 = \frac{1}{2}$; $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$; $z = \frac{1}{4R} \sqrt{\frac{L}{C}}$

3. Diagrammes de Bode asymptotiques. Tracer les courbes de gain et de phase. Vous préciserez les limites du gain et de la phase en très basses et très hautes fréquences, ainsi l'équation de l'asymptote oblique pour la courbe de gain.

$A(\omega) = A_0 \cdot \frac{1}{\sqrt{\left(1-\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2\right)^2 + \left(2z\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2}}$ $\varphi = -\text{Arctan}\left(\frac{2z\frac{\omega}{\omega_0}}{1-\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2}\right)$

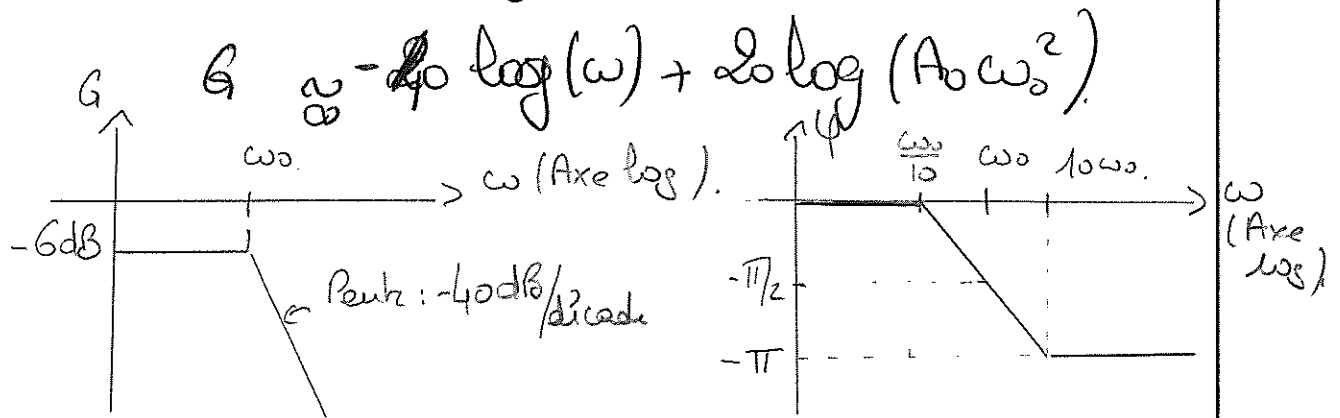
TBF: $A \rightarrow A_0$ THF: $A \rightarrow 0$
 $G \rightarrow 20 \log A_0$ $G \rightarrow -\infty$
 \Rightarrow Asymptote horizontale \Rightarrow Asymptote oblique

$\varphi \rightarrow 0$ $\varphi \rightarrow -\pi$

Equation asymptote oblique.

$$\left(1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^4\right)^2 + \left(2z \frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 \underset{\infty}{\sim} \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^4$$

$$A(\omega) \underset{\infty}{\sim} \frac{\omega_0^2}{\omega^2} A_0$$



4. Quel type de filtre obtient-on si on inverse la bobine et le condensateur? Justifiez votre réponse. (On ne vous demande pas de refaire une étude complète).

Inversion des études TRF et THF
 \Rightarrow Filtre passe-haut,