

# Algorithmique

## Correction Partiel n° 2 (P2)

INFO-SUP (S2) – EPITA

9 juin 2015 - 10:00

### Solution 1 (Arbre 234 - Propriétés et insertions - 4 points)

1. Propriétés d'un arbre 2.3.4 :
  - Chaque nœud a exactement 2, 3 ou 4 fils.
  - Chaque nœud contient 1, 2 ou 3 clés ordonnées telles que  $x_1 < x_2 < x_3$ .
  - Tous les éléments du premier sous-arbre sont inférieurs à  $x_1$
  - Tous les éléments du  $i^{\text{e}}$  sous-arbre ( $i=2,3$ ) sont strictement supérieurs à  $x_{i-1}$  et inférieurs à  $x_i$ .
  - Tous les éléments du dernier sous-arbre sont strictement supérieurs à  $x_3$ .
  - Toutes les feuilles sont au même niveau.
2. L'insertion d'une clé se fait aux feuilles. L'insertion pose un problème si le nœud concerné est un 4-nœud.
3. La technique pour résoudre ce problème est l'éclatement.
4. Avec éclatement à la remontée :  
 Pour cette méthode, nous avons pour l'ajout des valeurs 4, 11, 9 et 18 les arbres successifs des figures 1, 2, 3 et 4.

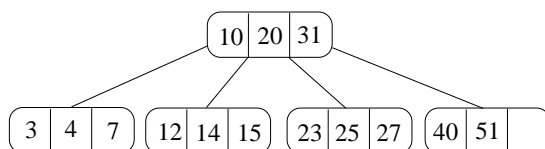


FIGURE 1 – Insertion de 4 avec éclatement à la remontée

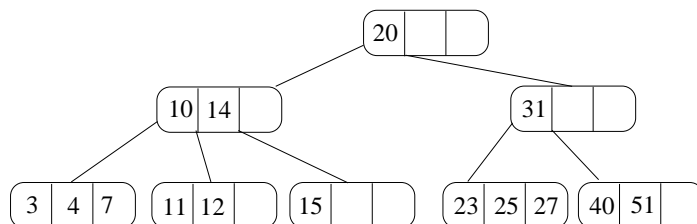


FIGURE 2 – Insertion de 11 avec éclatement à la remontée

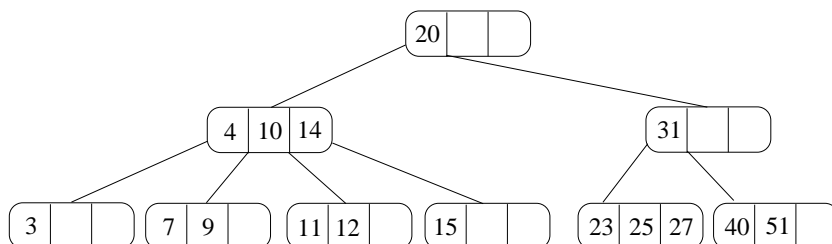


FIGURE 3 – Insertion de 9 avec éclatement à la remontée

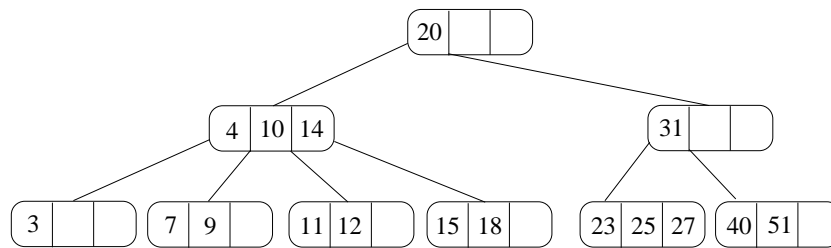
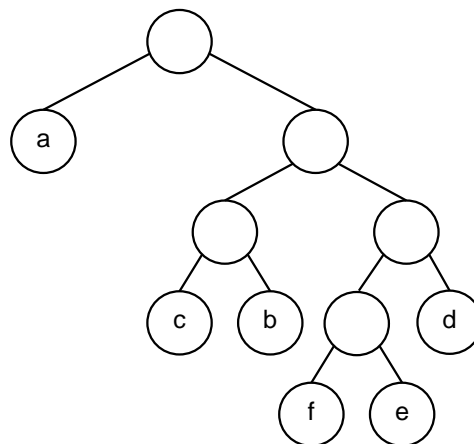


FIGURE 4 – Insertion de 18 avec éclatement à la remontée

**Solution 2 (Arbre binaire et code préfixe – 7 points)**

1. Code :
- | lettre | a | b   | c   | d   | e    | f    |
|--------|---|-----|-----|-----|------|------|
| code   | 0 | 101 | 100 | 111 | 1101 | 1100 |
- 11011100110001001101 décodé donne : e f f a c e

2. Le code d'une lettre correspond à l'**occurrence de la feuille** la contenant.
3. L'arbre correspondant au code de la question 1 :



4. **Spécifications :**

La procédure `call_print_code (t_arbreBinaire B, caractere c)` affiche le code correspondant au caractère `c` dans l'arbre `B` s'il existe. Elle affiche "no code found" sinon.

```
algorithme fonction print_code : booleen
  parametres locaux
    t_arbreBinaire B
    caractere c
    chaine code

debut
  si B↑.fg = B↑.fd alors /* leaf */
    si B↑.cle = c alors
      ecrire (code)
      retourne vrai
    sinon
      retourne faux
    fin si
  sinon
    si print_code (B↑.fg, c, code + '0') alors
      retourne vrai
    sinon
      retourne print_code (B↑.fd, c, code + '1')
    fin si
  fin si
fin algorithme fonction print_code

algorithme procedure call_print_code
  parametres locaux
    t_arbreBinaire B
    caractere c

debut
  si B = NUL ou non print_code (B, c, "") alors
    print ("no code found")
  fin si
fin algorithme procedure call_print_code
```

---

*version "moche", sans optimisation : procédure*

```
algorithme procedure print_code_moche
  parametres locaux
    t_arbreBinaire B
    caractere c
    entier code

debut
  si B↑.fg = B↑.fd alors /* leaf */
    si c = B↑.cle alors
      ecrire (B↑.cle, " : ", code)
    fin si
  sinon
    print_code_moche (B↑.fg, c, code+'0')
    print_code_moche(B↑.fd, c, code+'1')
  fin si
fin algorithme procedure print_code_moche

algorithme procedure call_print_code_moche
  parametres locaux
    t_arbreBinaire B

debut
  si B <> NUL alors
    print_code_moche (B, c, "")
  fin si
fin algorithme procedure call_print_code_moche
```

**Solution 3 (Tas – 2 points)**

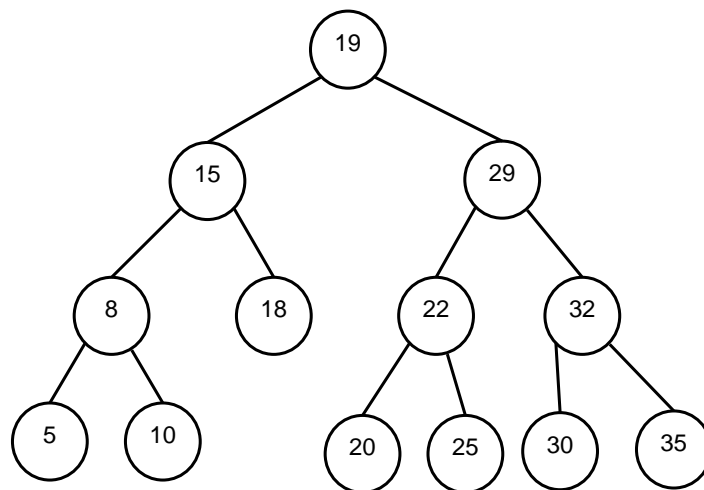
1. Les 3 opérations :
  - suppression du minimum
  - ajout de 7
  - ajout de 10
2. Dans quel ordre ?
  - ajout de 7
  - ajout de 10
  - suppression du minimum

**Solution 4 (AVL - Suppression du minimum – 8 points)**

1. Rotations et changements de hauteur après suppression du minimum :

| deseq(racine) | deseq(fil droit) | rotation | $\Delta h$ |
|---------------|------------------|----------|------------|
| -2            | -1               | rg       | 1          |
|               | 0                |          | 0          |
|               | 1                | rdg      | 1          |

2. Arbre après suppression du minimum :



3. **Spécifications** : La fonction `supp_min_avl (A, min)` effectue la suppression du nœud contenant la valeur minimale de l'AVL `A` non vide, valeur affectée à `min` et retourne un booléen indiquant si l'arbre a changé de hauteur.

```
algorithme fonction supp_min_avl : booleen
parametres globaux
    t_avl      A      /* A ≠ NUL */
    t_element  min

variables
    t_avl      T
debut
    si A↑.fg = NUL alors
        min ← A↑.cle
        T ← A
        A ← A↑.fd
        liberer (T)
        retourne vrai
    sinon
        si non supp_max_avl (A↑.fg, min) alors
            retourne faux
        sinon
            A↑.deseq ← A↑.deseq - 1
            si A↑.deseq = -2 alors
                si A↑.fd↑.deseq = 1 alors
                    rdg (A)
                sinon
                    rg (A)
            fin si
        fin si
        retourne (A↑.deseq = 0)
    fin si
fin si
fin algorithme fonction supp_min_avl
```

Version "longue" :

```
algorithme fonction supp_min_avl : booleen
parametres globaux
    t_avl      A      /* A ≠ NUL */
    t_element  min

variables
    t_avl      T
debut
    si A↑.fg = NUL alors
        min ← A↑.cle
        T ← A
        A ← A↑.fd
        liberer (T)
        retourne vrai
    sinon
        si non supp_min_avl (A↑.fg, min) alors
            retourne faux
        sinon
            A↑.deseq ← A↑.deseq - 1
            selon A↑.deseq faire
                0 : retourne vrai
                -1 : retourne faux
                -2 : selon A↑.fd↑.deseq faire
                    -1 : rg (A)
                        retourne vrai
                    0 : rg (A)
                        retourne faux
                    1 : rdg (A)
                        retourne vrai
            fin selon
        fin selon
    fin si
fin si
fin algorithme fonction supp_min_avl
```