

Partiel S1 – Corrigé

Architecture des ordinateurs

Durée : 1 h 30

Nom : Prénom : Groupe :

Répondre exclusivement sur le sujet.

Ne pas détailler les calculs sauf si cela est explicitement demandé.

Ne pas écrire à l'encre rouge.

Exercice 1 (2 points)

Convertissez les nombres suivants de la forme de départ vers la forme d'arrivée. Ne pas écrire le résultat sous forme de fraction ou de puissance (p. ex. écrire 0,25 et non pas $\frac{1}{4}$ ou 2^{-2}).

Nombre à convertir	Forme de départ	Forme d'arrivée	Résultat
101011101,0101	Binaire	Décimale	349,3125
1E2,5	Hexadécimale	Décimale	482,3125
750	Décimale	Base 5	11000
1707,66	Hexadécimale	Base 8	13407,314

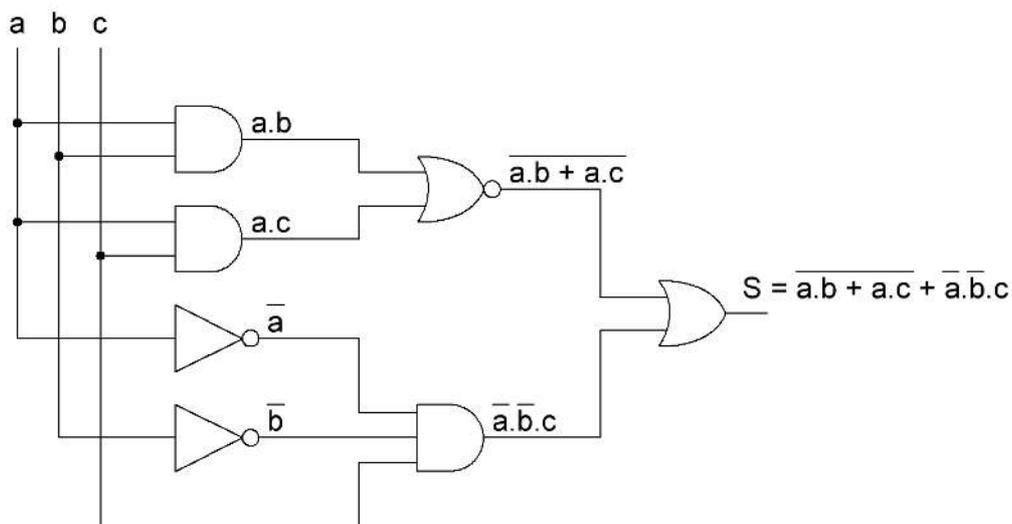
Exercice 2 (5 points)

Effectuez les opérations suivantes en binaire (les deux opérands et le résultat sont codés sur 8 bits). Convertissez le résultat en une valeur décimale non signée et signée. Si un dépassement apparaît, écrire « ERREUR » à la place de la valeur décimale.

Opération	Résultat binaire	Valeur décimale	
		Non signée	Signée
10110111 + 00101101	11100100	228	-28
01011010 - 10001101	11001101	ERREUR	ERREUR
01110111 + 11111000	01101111	ERREUR	111
10000001 - 10000000	00000001	1	1
11010111 - 01111100	01011011	91	ERREUR

Exercice 3 (3 points)

On cherche à simplifier le montage ci-dessous :



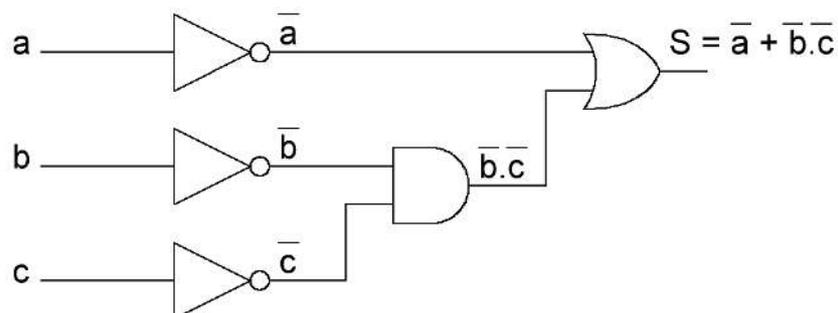
1. Exprimez, sans simplification, la sortie S en fonction des entrées a , b et c .

$$S = \overline{a.b + a.c} + \bar{a}.b.c$$

2. Donnez l'expression la plus simplifiée de S .

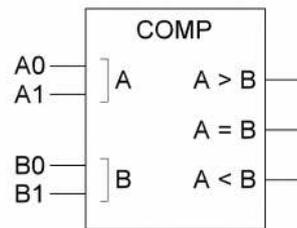
$$S = \bar{a} + \bar{b}.c$$

3. À partir de l'expression la plus simplifiée, donnez un nouveau montage constitué de trois portes NON, d'une porte ET à deux entrées et d'une porte OU à deux entrées.



Exercice 4 (4 points)

On souhaite réaliser le comparateur suivant :



Les entrées A et B représentent deux entiers non signés sur deux bits ($A0$ et $B0$ sont les bits de poids faible) :

- Si $A > B$ alors la sortie ' $A > B$ ' est au niveau logique 1 et les autres sorties sont au niveau logique 0 ;
- Si $A = B$ alors la sortie ' $A = B$ ' est au niveau logique 1 et les autres sorties sont au niveau logique 0 ;
- Si $A < B$ alors la sortie ' $A < B$ ' est au niveau logique 1 et les autres sorties sont au niveau logique 0.

1. Complétez la table de vérité suivante :

A1	A0	B1	B0	A > B	A = B	A < B
0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	0	0	1
0	0	1	1	0	0	1
0	1	0	0	1	0	0
0	1	0	1	0	1	0
0	1	1	0	0	0	1
0	1	1	1	0	0	1
1	0	0	0	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	0	1	1	0	0	1
1	1	0	0	1	0	0
1	1	0	1	1	0	0
1	1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	0	1	0

2. Sans l'aide de tableaux de Karnaugh, donnez l'expression simplifiée de la sortie ' $A = B$ '. Utilisez une simplification à l'aide de l'opérateur **OU EXCLUSIF**.

$$'A = B' = \overline{A0 \oplus B0} \cdot \overline{A1 \oplus B1}$$

3. Remplissez les tableaux de Karnaugh ci-dessous (bulles comprises) puis donnez les expressions simplifiées des sorties 'A > B' et 'A < B'. **Aucun point ne sera attribué à une expression si son tableau est faux.**

		B1 B0			
	A > B	00	01	11	10
A1 A0	00	0	0	0	0
	01	1	0	0	0
	11	1	1	0	1
	10	1	1	0	0

		B1 B0			
	A < B	00	01	11	10
A1 A0	00	0	1	1	1
	01	0	0	1	1
	11	0	0	0	0
	10	0	0	1	0

$$'A > B' = A1.\overline{B1} + A0.\overline{B0}.\overline{B1} + A0.A1.\overline{B0}$$

$$'A < B' = \overline{A1}.B1 + \overline{A0}.B0.B1 + \overline{A0}.\overline{A1}.B0$$

Exercice 5 (6 points)

Soit les tables de vérité ci-dessous. A, B, C et D sont les entrées. U, V, W, X, Y et Z sont les sorties.

A	B	C	U	V
0	0	0	0	1
0	0	1	1	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	0	1	0	0
1	1	0	0	0
1	1	1	0	1

A	B	C	W	X
0	0	0	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	0

A	B	C	D	Y	Z
0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	1
0	0	1	1	Φ	0
0	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	Φ
0	1	1	0	0	0
0	1	1	1	Φ	Φ
1	0	0	0	Φ	1
1	0	0	1	Φ	0
1	0	1	0	1	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	1	0
1	1	0	1	1	Φ
1	1	1	0	1	0
1	1	1	1	1	Φ

1. Donnez la première forme canonique de la sortie U .

$$U = \bar{A}.\bar{B}.C + \bar{A}.B.C$$

2. Donnez la seconde forme canonique de la sortie V .

$$V = (\bar{A} + B + \bar{C}).(\bar{A} + \bar{B} + C)$$

3. Remplissez les diagrammes de Karnaugh ci-dessous (bulles comprises) puis donnez l'expression la plus simplifiée pour chaque sortie. **Aucun point ne sera attribué à une expression si son tableau est faux. Pour l'instant, ne pas simplifier à l'aide de l'opérateur OU EXCLUSIF.**

		BC			
	W	00	01	11	10
A	0	0	1	0	1
	1	0	1	0	1

$$W = \bar{B}.C + B.\bar{C}$$

		C	
	X	0	1
AB	00	0	1
	01	1	1
	11	0	0
	10	1	0

$$X = \bar{A}.B + \bar{A}.C + A.\bar{B}.\bar{C}$$

		CD			
	Y	00	01	11	10
AB	00	0	0	Φ	0
	01	0	0	Φ	0
	11	1	1	1	1
	10	Φ	Φ	1	1

$$Y = A$$

		CD			
	Z	00	01	11	10
AB	00	1	0	0	1
	01	0	Φ	Φ	0
	11	0	Φ	Φ	0
	10	1	0	0	1

$$Z = \bar{B}.\bar{D}$$

4. Parmi les sorties W , X , Y et Z , voyez si certaines peuvent être simplifiées à l'aide de l'opérateur OU EXCLUSIF. Si c'est le cas, simplifiez-les et donnez les nouvelles expressions (pas de détail).

$$W = \bar{B}.C + B.\bar{C}$$

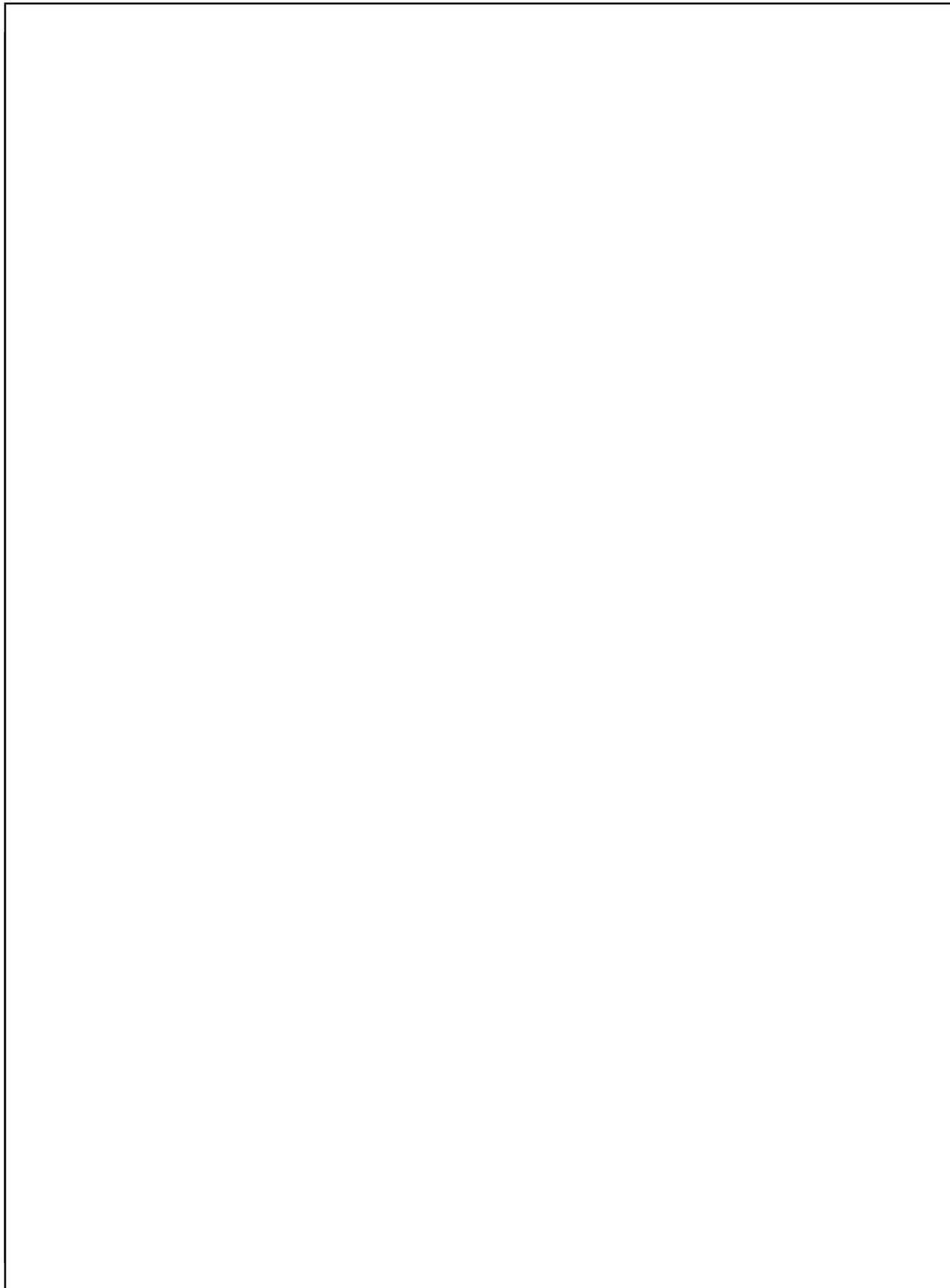
$$W = B \oplus C$$

$$X = \bar{A}.B + \bar{A}.C + A.\bar{B}.\bar{C}$$

$$X = \bar{A}.(B + C) + A.(\bar{B} + \bar{C})$$

$$X = A \oplus (B + C)$$

Si vous manquez de place, vous pouvez utiliser le cadre ci-dessous.

A large, empty rectangular frame with a thin black border, intended for the student to provide additional answers if space is needed. The frame is currently blank.